



ФЕДЕРАЛЬНАЯ ИННОВАЦИОННАЯ ПЛОЩАДКА МИНИСТЕРСТВА ПРОСВЕЩЕНИЯ РФ  
МЕЖДУНАРОДНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ ПРОЕКТ ИНСТИТУТА СДП



**ЦИКЛ КОНСУЛЬТАЦИЙ ПО ПРОГРАММЕ МАТЕМАТИКИ  
«УЧУСЬ УЧИТЬСЯ» Л.Г. ПЕТЕРСОН**

**ОНЛАЙН-КОНСУЛЬТАЦИЯ № 9  
«8 КЛАСС. УРОКИ 48–56»**



**Ведущий: Грушевская Лилия Аркадьевна,**  
старший методист Института  
системно-деятельностной педагогики  
[grushevskaya@sch2000.ru](mailto:grushevskaya@sch2000.ru)



# ПЛАНИРОВАНИЕ

## 8 класс (3 ч в неделю (102 ч))

Л.Г. Петерсон, Н.Х. Агаханов, А.Ю. Петрович,  
О.К. Подлипский, М.В. Рогатова, Б.В. Трушин

### Глава 4. Квадратичная функция (28 ч)

#### § 1. Квадратные уравнения (18 ч)

48	4.1.7	Задачи, сводящиеся к решению квадратных уравнений.	ОНЗ
49	4.1.6-4.1.7	Задачи, сводящиеся к решению квадратных уравнений. С-15	Р
50	4.1.1-4.1.7	Задачи для самоконтроля. С	РТ
51-52	4.1.1-4.1.7	Контрольная работа № 4. .	ОК

# ПЛАНИРОВАНИЕ

## 8 класс (3 ч в неделю (102 ч))

### Глава 4. Квадратичная функция (28 ч)

#### § 2. Квадратичная функция (4 ч)

53	4.2.1	Функции $y = ax^2$ , $y = ax^2 + h$ , $y = k(x - d)^2$ и их графики.	ОНЗ
54	4.2.1	Функции $y = ax^2$ , $y = ax^2 + h$ , $y = k(x - d)^2$ и их графики. <b>C</b>	РТ
55	4.2.2	Квадратичная функция $y = ax^2 + bx + c$ .	ОНЗ
56	4.2.1-4.2.2	Функции $y = ax^2$ , $y = ax^2 + h$ , $y = k(x - d)^2$ и их графики. Квадратичная функция $y = ax^2 + bx + c$ . <b>C-16</b>	P

## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 1. КВАДРАТНЫЕ УРАВНЕНИЯ



*Задачи, сводящиеся к решению квадратных уравнений.*

**УРОК 48 (ОНЗ)**

**Основные содержательные цели:**

- 1) выявить особенности применения алгоритма решения задач методом математического моделирования при решении задач, сводящихся к решению квадратных уравнений;
- 2) сформировать умение решать текстовые задачи, сводящиеся к решению квадратных уравнений.



# ЧАСТЬ 2

## ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

### § 1. КВАДРАТНЫЕ УРАВНЕНИЯ



#### Алгоритм решения задач методом математического моделирования

##### I. Построение математической модели.

1. Внимательно прочитать задачу.
2. Определить, какие величины известны и какие надо найти.
3. Проверить соответствие единиц измерения величин.
4. Выбрать неизвестные величины и ввести для них буквенные обозначения.
5. Определить множество значений, которые могут принимать неизвестные величины.
6. Установить взаимосвязи между величинами.
7. Составить уравнение и обосновать его.
8. Проверить, что каждый элемент условия задачи описан соответствующим уравнением.
9. Зафиксировать искомую величину.

##### II. Работа с математической моделью.

10. Найти все решения, удовлетворяющие построенной модели.

##### III. Практический вывод.

11. Проверить соответствие полученного ответа вопросу задачи.
12. Убедиться, что полученные решения соответствуют смыслу задачи.



## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 1. КВАДРАТНЫЕ УРАВНЕНИЯ



### Мотивация к учебной деятельности

УРОК 48 (ОНЗ)



Вместо того чтобы «пробовать и ошибаться» на реальных объектах, люди предпочитают делать это на математических моделях. Построение таких моделей, их анализ и вывод рекомендаций – одна из важнейших задач прикладной математики.

*Е. С. Вентцель (1907–2002),  
советский математик, автор учебников*

## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 1. КВАДРАТНЫЕ УРАВНЕНИЯ



**Актуализация знаний и фиксация индивидуального  
затруднения в пробном действии**

**УРОК 48 (ОНЗ)**



Решите задачу:

«Площадь прямоугольника составляет  $6 \text{ дм}^2$ . Найдите длины сторон  
прямоугольника, если одна из них на  $10 \text{ см}$  больше другой».

# ЧАСТЬ 2

## ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

### § 1. КВАДРАТНЫЕ УРАВНЕНИЯ



**УРОК 48 (ОНЗ)**

#### Карта для заполнения пропусков

##### I. Построение математической модели.

1. Внимательно прочитать задачу.

2. Определить, какие величины известны и какие надо найти.

В задаче известны взаимосвязи между двумя неравными сторонами прямоугольника, известна его площадь. Требуется найти ..... прямоугольника.

3. Проверить соответствие единиц измерения величин.

Единицы измерения ..... Выразим площадь в квадратных сантиметрах:

$$6 \text{ дм}^2 = \dots \text{ см}^2.$$

4. Выбрать неизвестные величины и ввести для них буквенные обозначения.

Обозначим ..... стороны прямоугольника  $x$  см.

5. Определить множество значений, которые могут принимать неизвестные величины.

Так как  $x$  – длина стороны (в сантиметрах), то  $x \dots 0$ .

6. Установить взаимосвязи между величинами.

По условию длина одной стороны на 10 см больше другой, значит, ее длина составляет ..... см. Площадь прямоугольника равна ..... ( $\dots$ ) см $^2$ .

7. Составить уравнение или неравенство (одно или несколько) и обосновать их.

Площадь прямоугольника равна ..... ( $\dots$ ), что по условию составляет ..... см $^2$

значит:

$$\dots \cdot (\dots) = \dots$$

Запишем все установленные соотношения и зафиксируем искомую величину:

$$\begin{cases} \dots \cdot (\dots) = \dots \\ x \dots 0 \end{cases} \rightarrow \begin{array}{|c|} \hline \dots - ? \\ \hline \dots - ? \end{array}$$

8. Проверить, что каждый элемент условия задачи описан соответствующим уравнением.

Каждый элемент ..... уравнением.

9. Зафиксировать искомую величину.

Искомые величины – ..... прямоугольника.



# ЧАСТЬ 2

## ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

### § 1. КВАДРАТНЫЕ УРАВНЕНИЯ



#### II. Работа с математической моделью.

10. Найти все решения, удовлетворяющие построенной модели.

Решим уравнение: .....(.....)= ..... $\Leftrightarrow$  ..... = 0

Это квадратное уравнение имеет дискриминант  $D_1 = \dots > 0$ , поэтому

оно имеет ..... корня:  $x_1 = \dots$ ,  $x_2 = \dots$

Так как по условию  $x > 0$ , то отрицательный корень ... подходит, и  $x = \dots$ . Значит, одна сторона прямоугольника равна ..... см, а вторая – ..... (см).

#### III. Практический вывод.

11. Проверить соответствие полученного ответа вопросу задачи.

Найденные ответы ..... вопросу задачи.

12. Убедиться, что полученные решения соответствуют смыслу задачи.

Полученные ответы являются ..... числами, они ..... смыслу задачи.

Ответ: стороны прямоугольника ..... см и ..... см..

## УРОК 48 (ОНЗ)



## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 1. КВАДРАТНЫЕ УРАВНЕНИЯ



### *Задание на пробное действие*

**УРОК 48 (ОНЗ)**

Ответьте на вопрос:

«На какие этапы при решении задачи, сводящейся к квадратному уравнению, следует обращать **особое внимание?**»





## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 1. КВАДРАТНЫЕ УРАВНЕНИЯ



**ЗАТРУДНЕНИЕ?**



**УРОК 48 (ОНЗ)**



## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 1. КВАДРАТНЫЕ УРАВНЕНИЯ



**ЗАТРУДНЕНИЕ?**



**УРОК 48 (ОНЗ)**

***Выявление места и причины затруднения***

**Почему возникло затруднение?**

**Что пока не знаешь?**



## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

### § 1. КВАДРАТНЫЕ УРАВНЕНИЯ



**ЗАТРУДНЕНИЕ?**



**УРОК 48 (ОНЗ)**

**Выявление места и причины затруднения**

**Почему возникло затруднение?**

**Что пока не знаешь?**



**Построение проекта выхода их затруднения**

**Цель:** Узнать, на какие этапы при решении задачи, сводящейся к квадратному уравнению, следует обращать особое внимание и научиться их выполнять при решении задачи.

**Средства:** учебник № 312, стр. 85.

## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

### § 1. КВАДРАТНЫЕ УРАВНЕНИЯ



**План:**

**УРОК 48 (ОНЗ)**

1. Выполнить задания, проанализировать ход выполнения, результаты.
2. Сформулировать гипотезу.
3. Сравнить с рекомендациями, предложенными в учебнике.



## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 1. КВАДРАТНЫЕ УРАВНЕНИЯ



### Реализация проекта выхода из затруднения

### УРОК 48 (ОНЗ)

312

Решите задачи и ответьте на вопросы к ним:

«Одно действительное число в 4 раза больше другого, а их сумма равна 221. Найдите эти числа».

«Одно действительное число на 4 больше другого, а их произведение равно 221. Найдите эти числа».

«Одно положительное число на 4 больше другого, а их произведение равно 221. Найдите эти числа».

- 1) Какую из построенных моделей можно считать «лишней»? Почему?
- 2) Сколько корней получено в линейном уравнении, в квадратном уравнении? Все ли из полученных корней соответствовали условию задачи?
- 3) На какие этапы решения задач, сводящихся к квадратным уравнениям, следует обращать особое внимание?





## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 1. КВАДРАТНЫЕ УРАВНЕНИЯ



### Реализация проекта выхода из затруднения

### УРОК 48 (ОНЗ)

312

Решите задачи и ответьте на вопросы к ним:

«Одно действительное число в 4 раза больше другого, а их сумма равна 221. Найдите эти числа».

«Одно действительное число на 4 больше другого, а их произведение равно 221. Найдите эти числа».

«Одно положительное число на 4 больше другого, а их произведение равно 221. Найдите эти числа».

1) Какую из построенных моделей можно считать «лишней»? Почему?

2) Сколько корней получено в линейном уравнении, в квадратном уравнении?  
Все ли из полученных корней соответствовали условию задачи?

3) На какие этапы решения задач, сводящихся к квадратным уравнениям, следует обращать особое внимание?

$$x + 4x = 221 \quad 44,2 \text{ и } 176,8$$

$$x(x + 4) = 221$$

17 и 13; -17 и -13

$$x(x + 4) = 221 \quad 17 \text{ и } 13$$

## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 1. КВАДРАТНЫЕ УРАВНЕНИЯ



### *Реализация проекта выхода из затруднения*

### УРОК 48 (ОНЗ)

- 1) «Лишней» является первая задача, так как ее моделью является линейное уравнение.
- 2) В линейном уравнении получен один корень, а в квадратном – два корня. В третьей задаче отрицательный корень не соответствовал условию задачи.
- 3) На I этапе надо обращать внимание на определение множества значений, которые может принимать неизвестная величина; на II этапе – на проверку полученных корней квадратного уравнения  $x_1$  и  $x_2$  на принадлежность этому множеству; на III этапе – на соответствие полученных результатов смыслу задачи.





## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 1. КВАДРАТНЫЕ УРАВНЕНИЯ



### Эталон

### УРОК 48 (ОНЗ)

**При решении задач, сводящихся к квадратным уравнениям, следует уделить особое внимание:**

- 1) определению множества значений, которые может принимать неизвестная величина  $x$ ;
- 2) проверке полученных корней уравнения  $x_1$  и  $x_2$  на принадлежность этому множеству.

Если один или оба корня квадратного уравнения не принадлежат множеству допустимых значений  $x$ , то они являются *посторонними* и не рассматриваются в ходе дальнейшего решения задачи.

Если же оба корня квадратного уравнения принадлежат множеству допустимых значений  $x$ , то оба корня рассматриваются в ходе дальнейшего решения задачи.

- 3) Для контроля на последнем шаге решения задачи следует убедиться, что полученные решения соответствуют смыслу задачи.

## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 1. КВАДРАТНЫЕ УРАВНЕНИЯ



**Первичное закрепление во внешней речи.**

**УРОК 48 (ОНЗ)**

**Самостоятельная работа с самопроверкой по эталону.**

**313**

Одна из сторон прямоугольника на 9 см меньше другой. Найдите стороны этого прямоугольника, если его площадь равна  $630 \text{ см}^2$ .

**314**

Известно, что один из катетов прямоугольного треугольника на 4 см меньше другого, а его гипотенуза равна 20 см. Найдите длины катетов.

## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 1. КВАДРАТНЫЕ УРАВНЕНИЯ

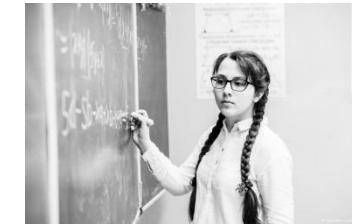


### Включение в систему знаний и повторение.

### УРОК 48 (ОНЗ)

317

Футболист послал мяч вертикально вверх. Пока мяч не упал, высота, на которой он находится, описывается формулой  $h = -5t^2 + 16t + 1$  ( $h$  – высота в метрах,  $t$  – время в секундах, прошедшее с момента удара). Найдите, сколько секунд мяч находился на высоте не менее 4 метров.



321

Проверьте, истинно или ложно утверждение:

- г) Уравнение  $ax^2 + (3 + a)x - a - 3 = 0$  имеет один корень при  $a \in \{0; -0,6; -3\}$ .
- д) Квадратное уравнение  $x^2 + ax - a - 1 = 0$  имеет два корня при всех действительных значениях  $a$ .
- е) Квадратное уравнение  $x^2 + ax - 2 = 0$  не имеет корней при всех действительных значениях  $a$ .





## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 1. КВАДРАТНЫЕ УРАВНЕНИЯ



### **Рефлексия учебной деятельности.**

**УРОК 48 (ОНЗ)**

- 1) Определить новые знания, которые открыты на уроке.
- 2) Сформулируйте цель, которая стояла перед вами.
- 3) Определите, достигнута ли цель.
- 4) Перечислите средства и способы, которые вам помогли достичь цели.
- 5) Сформулируйте неразрешённые затруднения на уроке, если они есть.

**Домашнее задание:** п. 4.1.7, № 328; № 329; № 321 (а, б, в);  
№ 337\*(по желанию).

## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 1. КВАДРАТНЫЕ УРАВНЕНИЯ



**Задачи повышенного уровня сложности.**

**УРОК 48 (ОН3)**

**№ 337\***

Пусть это числа  $n - 1$ ,  $n$  и  $n + 1$ , тогда условие задачи можно записать следующим образом:

$$5(n - 1 + n + n + 1) = (n - 1)n(n + 1) \Leftrightarrow 15n = n(n^2 - 1) \Leftrightarrow n^2 = 16 \Leftrightarrow n = 4$$

В двух последних преобразованиях мы пользовались тем, что числа натуральные.

*Ответ: 3, 4 и 5.*



### **Задачи повышенного уровня сложности.**

### **УРОК 48 (ОН3)**

**№ 338\***

*Решение первое.* Пусть это числа  $2n - 3$ ,  $2n - 1$ ,  $2n + 1$  и  $2n + 3$ , тогда условие задачи можно записать следующим образом:

$$(2n - 3)(2n - 1)(2n + 1)(2n + 3) = 9009 \Leftrightarrow (4n^2 - 1)(4n^2 - 9) = 9009 \Leftrightarrow \\ \Leftrightarrow t^2 - 10t - 9000 = 0 \quad (t = 4n^2 > 0) \Rightarrow t = 100 \Leftrightarrow n = 5$$

*Решение второе.* Разложим число 9009 на простые множители:  $9009 = 3^2 \cdot 7 \cdot 11 \cdot 13$ . Значит,  $7 \cdot 9 \cdot 11 \cdot 13 = 9009$ . Если меньшее из четырех чисел меньше 7, то их произведение меньше, чем 9009; если же оно больше 7, то их произведение больше, чем 9009. Значит, найденное решение единственno.

# ПЛАН РАБОТЫ НА УРОКЕ РЕФЛЕКСИИ

- ① ГОТОВЛЮСЬ К САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЕ
- ② ВЫПОЛНЯЮ САМОСТОЯТЕЛЬНУЮ РАБОТУ № 1 И ПРОВЕРЯЮ СЕБЯ по ОТВЕТАМ
- ③ ПРОВЕРЯЮ РЕШЕНИЕ ПО ШАГАМ
- ④ ОПРЕДЕЛЯЮ СВОЙ РЕЗУЛЬТАТ

Если «+»,  
моя отметка «5»

- ⑤ РЕШАЮ ЗАДАНИЯ  
БОЛЕЕ ВЫСОКОГО УРОВНЯ
- ⑥ ПРОВЕРЯЮ СВОЮ РАБОТУ

Если «?»,  
мне надо поработать

- ⑤ ВЫПОЛНЯЮ РАБОТУ НАД ОШИБКАМИ  
(ПРОВЕРЯЮ СЕБЯ)
- ⑥ ВЫПОЛНЯЮ ЗАДАНИЯ ПО ВЫБОРУ  
(ПРОВЕРЯЮ СЕБЯ)
- ⑦ САМОСТОЯТЕЛЬНУЮ РАБОТУ № 2  
(ПРОВЕРЯЮ СЕБЯ)

Если «+»,  
моя отметка «4»

Если «?»,  
тренируюсь дома

# ЧАСТЬ 2

## ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

### § 1. КВАДРАТНЫЕ УРАВНЕНИЯ



УРОК 49 (Р)

*Квадратные уравнения с параметрами. Задачи, сводящиеся к решению квадратных уравнений.*

**Актуализация знаний и фиксация индивидуального затруднения в самостоятельной работе.**

**Самопроверка заданий из домашней работы по подробному образцу:**

328

Сумма квадратов двух последовательных натуральных чисел больше произведения этих чисел на 43. Найдите эти числа.

329

Если одну из сторон квадрата увеличить на 1 дм, а другую на 6 дм, то получится прямоугольник, площадь которого в 4 раза больше площади квадрата. Найдите длину стороны квадрата.

321

Проверьте, истинно или ложно утверждение:

- а) Два квадратных трёхчлена  $x^2 - a$  и  $x^2 + 5x$  имеют общий корень как при  $a = 0$ , так и при  $a = 25$ .
- б) Квадратное уравнение  $2x^2 + ax + 8 = 0$  имеет один корень при  $a = 8$ .
- в) Существует два рациональных значения параметра  $a$ , при которых уравнение  $ax^2 + ax + a + 1 = 0$  имеет один корень.

# ЧАСТЬ 2

## ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

### § 1. КВАДРАТНЫЕ УРАВНЕНИЯ



#### **Самостоятельная работа № 1**

**УРОК 49 (Р)**

##### **Обязательная часть**

- Произведение двух последовательных натуральных чисел на 305 больше их суммы. Найдите эти числа.
- При каких значениях параметра  $a$  уравнение  $x^2 - 4x + 2a = 0$  не имеет корней?

##### **Дополнительная часть**

- При каких значениях параметра  $a$  уравнение  $x^2 - ax + 1\frac{1}{4} + a = 0$  имеет единственный корень? Чему равен этот корень?
- В прямоугольном треугольнике гипотенуза на 8 см больше одного катета и на 1 см больше другого катета. Найдите гипотенузу.



## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 1. КВАДРАТНЫЕ УРАВНЕНИЯ



УРОК 49 (Р)

*Самопроверка самостоятельной работы по образцу*

### ОБРАЗЕЦ

#### *Обязательная часть:*

- Ответ: 18, 19.
- Ответ: при  $a \in (2; +\infty)$ .

#### *Дополнительная часть:*

- Ответ:  $x = 2,5$  при  $a = 5$ ;  $x = -0,5$  при  $a = -1$ .
- Ответ: 13 см.

*Самопроверка самостоятельной работы по эталону для самопроверки (задания 1 и 2)*

# ЧАСТЬ 2

## ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

### § 1. КВАДРАТНЫЕ УРАВНЕНИЯ

УРОК 49 (Р)



Подробный образец	Эталон
<p>№ 1.</p> <p>① Обозначим меньшее число через <math>x</math>. Так как <math>x</math> – натуральное число, то <math>x &gt; 0</math>.</p> <p>По условию даны два последовательных натуральных числа, значит, второе число равно <math>(x + 1)</math>. Связь между этими двумя числами выражается условием: произведение двух последовательных натуральных чисел на 305 больше их суммы.</p> <p>Имеем следующее уравнение:</p> $x(x+1) - (x+x+1) = 305.$ <p>Запишем все установленные соотношения и зафиксируем искомую величину:</p> $\begin{cases} x(x+1) - (x+x+1) = 305 \\ x > 0 \end{cases}$ <p>Сначала решим уравнение:</p> $x(x+1) - (x+x+1) = 305$ $x^2 - x - 306 = 0$ $D = (-1)^2 + 4 \cdot 306 = 1225 > 0, \text{ два корня}$ $x_1 = \frac{1+35}{2}, \quad x_2 = \frac{1-35}{2} = -17$ $x_1 = 18; \quad x_2 = -17$ <p>② Так как по условию <math>x &gt; 0</math>, то отрицательный корень не подходит, является посторонним корнем, и <math>x = 18</math>. Значит, одно число равно 18, а второе <math>-18 + 1 = -19</math>.</p> <p>③ Полученные ответы, натуральные числа, соответствуют смыслу задачи.</p> <p>Ответ: искомые числа 18 и 19.</p>	<p>При решении задач, сводящихся к квадратным уравнениям, следует уделять особое внимание:</p> <p>① определению множества значений, которые может принимать неизвестная величина <math>x</math>;</p> <p>② проверке полученных корней уравнения <math>x_1</math> и <math>x_2</math> на принадлежность этому множеству. Если один или оба корня квадратного уравнения не принадлежат множеству допустимых значений <math>x</math>, то они являются <u>посторонними</u> и не рассматриваются в ходе дальнейшего решения задачи.</p> <p>Если же оба корня квадратного уравнения принадлежат множеству допустимых значений <math>x</math>, то оба корня рассматриваются в ходе дальнейшего решения задачи.</p> <p>③ Для контроля на последнем шаге решения задачи следует убедиться, что полученные решения соответствуют смыслу задачи.</p>

№ 2.	$x^2 - 4x + 2a = 0$ <p>① Уравнение представлено в стандартном виде.</p> <p>② Старший коэффициент не равен 0 и не зависит от значений параметра <math>a</math>.</p> <p>③ Определить дискриминант:</p> $D_1 = (-2)^2 - 1 \cdot 2a = 4 - 2a.$	Исследование квадратного уравнения с параметром
	<p>④ Квадратное уравнение не имеет два корней. Значит, его дискриминант отрицателен: <math>D &lt; 0</math></p> <p>Решим неравенство относительно <math>a</math>:</p> $4 - 2a < 0 \Leftrightarrow a > 2$ <p>⑤ Ответ: если <math>a \in (2; +\infty)</math>, исходное уравнение не имеет корней.</p>	<p>④</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>Решив неравенство <math>D &gt; 0</math>, найти те значения параметра, при которых квадратное уравнение имеет <u>два корня</u>;</li> <li>Решив уравнение <math>D = 0</math>, найти те значения параметра, при которых квадратное уравнение имеет <u>один корень</u>;</li> <li>Решив неравенство <math>D &lt; 0</math>, найти те значения параметра, при которых квадратное уравнение <u>не имеет корней</u>.</li> </ul> <p>⑤ В ответе записать все возможные значения параметра и соответствующее им количество корней квадратного уравнения.</p>

# ЧАСТЬ 2

## ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

### § 1. КВАДРАТНЫЕ УРАВНЕНИЯ

УРОК 49 (Р)



Исправляют ошибки,  
выполняют тренировочные задания



Выполняют дополнительные задания

№ 1. Решите задачу:

«Найдите большее из двух последовательных натуральных четных чисел, сумма квадратов которых равна 340».

№ 2.

При каких значениях параметра  $a$

уравнение  $x^2 - 6x - 12a = 0$

- 1) не имеет корней;
- 2) один корень;
- 3) два корня?

#### Дополнительная часть

1. При каких значениях параметра  $a$  уравнение  $x^2 - ax + 1\frac{1}{4} + a = 0$  имеет единственный корень? Чему равен этот корень?
2. В прямоугольном треугольнике гипотенуза на 8 см больше одного катета и на 1 см больше другого катета. Найдите гипотенузу.



## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 1. КВАДРАТНЫЕ УРАВНЕНИЯ



УРОК 49 (Р)

### *Самостоятельная работа № 2*

#### *Обязательная часть*

1. Сумма двух последовательных натуральных чисел на 239 меньше их произведения. Найдите эти числа.
2. При каких значениях параметра  $a$  уравнение  $-x^2 + 6x - 5a = 0$  имеет два корня?

# ЧАСТЬ 2

## ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

### § 1. КВАДРАТНЫЕ УРАВНЕНИЯ



#### Включение в систему знаний и повторение

#### УРОК 49 (Р)

1. Разбор дополнительных заданий.
2. Повторение: действия с обыкновенными дробями.

**322**

Выполните действия:

а)  $\frac{1}{3} - \frac{1}{5}$ ;      б)  $\frac{1}{12} + \frac{1}{4}$ ;      в)  $\frac{5}{9} - \frac{7}{12}$ ;      г)  $\frac{12}{33} - \frac{5}{44}$ ;      д)  $\frac{29}{30} + 1\frac{11}{42} - 2\frac{31}{35}$ .

**323**

Выполните действия:

а)  $\frac{1}{6} \cdot \frac{3}{5}$ ;      б)  $\frac{1}{12} : \frac{1}{4}$ ;      в)  $\frac{5}{33} \cdot \frac{11}{15}$ ;      г)  $\frac{12}{35} : 8$ ;      д)  $12\frac{4}{5} \cdot 3\frac{1}{8} : \frac{1}{5}$ .

**324**

Расположите числовые выражения в порядке возрастания их значений:

$-\frac{5}{6} \cdot (-0,2)$ ;       $-\frac{1}{4} \cdot \frac{3}{8}$ ;       $0,6 - \frac{11}{15}$ .

**325**

Вычислите рациональным способом:

а)  $12\frac{3}{7} : \left( \frac{8}{15} + 0,25 - 3\frac{1}{30} - 1\frac{3}{4} \right)$ ;      б)  $\left( 3\frac{13}{15} - 12\frac{3}{20} - 5\frac{4}{45} - 0,85 \right) \cdot 3$ .

**326**

Найдите значение выражения:

а)  $\frac{13}{15} \cdot \frac{9}{26} - 3\frac{3}{10} + \left( 3\frac{1}{4} - 3\frac{1}{20} \right) : \frac{1}{5}$ ;      б)  $\frac{\frac{3}{5}^2 \cdot 5 - 14}{\left( \frac{1}{8} - 1\frac{1}{4} \right) : \frac{3}{4} + 2\frac{1}{4}}$ .

## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 1. КВАДРАТНЫЕ УРАВНЕНИЯ



### Рефлексия учебной деятельности

### УРОК 49 (Р)

С–15	КАРТОЧКА ДЛЯ РЕФЛЕКСИИ		
	Содержание	Знаю	Умею
	Решение задачи, сводящейся к решению квадратного уравнения.		
	Исследование квадратных уравнений с параметром.		
Я ставлю себе отметку:			<input type="text"/>

## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 1. КВАДРАТНЫЕ УРАВНЕНИЯ



*Задачи для самоконтроля*

**УРОК 50 (РТ)**

**Основные содержательные цели:**

Тренировать умение:

- ✓ решать полное и неполное квадратные уравнения;
- ✓ раскладывать квадратный трехчлен на множители;
- ✓ решать биквадратное уравнение;
- ✓ решать задачу, сводящуюся к решению квадратного уравнения;
- ✓ исследовать квадратное уравнение с параметром.

## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 1. КВАДРАТНЫЕ УРАВНЕНИЯ



**УРОК 51-52 (ОК)**

### КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА № 4

**4.1.1–4.1.7**

#### Квадратные уравнения

#### **Критерии оценивания контрольной работы № 4**

	Количество баллов за каждое задание	Отметка
Обязательная часть	<b>1.</b> 3 балла <b>2.</b> 4 балла <b>3.</b> 4 балла <b>4.</b> 5 баллов <b>5.</b> 5 баллов	«5» – 20–21 баллов «4» – 16–19 баллов «3» – 10–15 баллов
Дополнительная часть	<b>6.</b> 6 баллов <b>7.</b> 6 баллов	«5» – 11–12 баллов



школа 2000...  
НОУ Институт  
системно-деятельностной  
педагогики

# ЧАСТЬ 2

## ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

### § 1. КВАДРАТНЫЕ УРАВНЕНИЯ



#### Вариант 1

##### Обязательная часть

1. Решите квадратное уравнение:

a)  $16x^2 - 1 = 0$ ;    б)  $4x^2 + 12x + 9 = 0$ ;    в)  $\frac{1}{5}x^2 - 3x + 5 = 0$ .

2. Если возможно, разложите квадратный трёхчлен на множители:

а)  $-5x^2 + x - 2$ ;    б)  $-\frac{1}{4}x^2 + 12x + 25$ .

3. Решите биквадратное уравнение:  $9x^4 - 37x^2 + 4 = 0$ .

4. В кинозале количество мест в каждом ряду на 4 больше числа рядов. Сколько рядов в кинозале и сколько мест в каждом ряду, если зал рассчитан на 192 человека?

5. При каких значениях параметра  $a$  уравнение  $-x^2 + 2ax - a(a + 2) + 1 = 0$  имеет два корня?

##### Дополнительная часть

1. Решите уравнение:  $(x^2 - 6x)^2 = -9x^2 + 54x - 20$ .

2. Пусть  $x_1, x_2$  — корни уравнения  $x^2 + \sqrt{5}x - 2 = 0$ . Найдите значение выражения  $\frac{1}{x_1^2} + \frac{1}{x_2^2}$ .

#### K-4

#### Вариант 2

##### Обязательная часть

1. Решите квадратное уравнение:

а)  $4 - 25x^2 = 0$ ;    б)  $16x^2 - 56x + 49 = 0$ ;    в)  $0,25x^2 + 3x - 1 = 0$ .

2. Если возможно, разложите квадратный трёхчлен на множители:

а)  $3x^2 + x + 1$ ;    б)  $-\frac{1}{3}x^2 - 2x + 45$ .

3. Решите биквадратное уравнение:  $4x^4 - 101x^2 + 25 = 0$ .

4. На туристический слет приехали 112 человек. Оказалось, что количество разбитых палаток на 6 больше числа мест в каждой палатке. При этом все места в палатках были заняты. Сколько палаток разбили, чтобы разместить всех туристов?

5. При каких значениях параметра  $a$  уравнение  $-\frac{1}{4}x^2 - ax + a(3 - a) - 1 = 0$  не имеет решений?

##### Дополнительная часть.

1. Решите уравнение:  $(x^2 - 10x)^2 = -7x^2 + 70x + 18$ .

2. Пусть  $x_1, x_2$  — корни уравнения  $x^2 - \sqrt{7}x - 4 = 0$ . Найдите значение выражения  $\frac{x_1}{x_2} + \frac{x_2}{x_1}$ .

## УРОК 51-52 (ОК)



## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 1. КВАДРАТНЫЕ УРАВНЕНИЯ



### УРОК РЕФЛЕКСИИ (тренировочного типа)

### УРОК 50 (РТ)

**Метапредметные:** тренировать умение анализировать собственную деятельность; проводить самоконтроль и коррекцию; формировать/тренировать умение сотрудничать.

#### ПЛАН

1. Подготовка к тренингу.
2. Тренинг с самопроверкой.
3. Обобщение результатов работы группы:  
если «?», поиск места и причины затруднения;  
если «+», консультирование в группе.
4. Самостоятельная работа с самопроверкой.

#### ИНСТРУМЕНТЫ ДЛЯ РЕЗУЛЬТАТОВ САМОКОНТРОЛЯ

Индивидуальная  
карточка-рефлексия

Карточка результатов  
работы группы

# ЧАСТЬ 2

## ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

### § 1. КВАДРАТНЫЕ УРАВНЕНИЯ



**УРОК 50 (РТ)**

#### *Мотивация к учебной деятельности*

**СЦЕНАРИИ  
УРОКОВ**

[WWW.SCH2000.RU](http://WWW.SCH2000.RU)

**организатор**



	Домашняя работа (указать номера)	Тренировочные упражнения (указать номера)	Самостоятельная работа (указать номера)
<b>Выполнено без ошибок</b>			
<b>Возникли затруднения</b>			
<b>Темы, над которыми надо поработать</b>			

**Личностные:** создавать условия для формирования умения выполнять действия с учетом позиции другого и уметь согласовывать свои действия; формировать понимание того, что каждый ответственен за свой результат.



# ЧАСТЬ 2

## ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

### § 1. КВАДРАТНЫЕ УРАВНЕНИЯ



## ***Мотивация к учебной деятельности***

## **УРОК 50 (PT)**



#### 1. Подготовка к тренингу.

Проверка домашней работы. Работа в группах.

#### 2. Тренинг с самопроверкой по подробному образцу.

1. № 428 (а, г) Решите неполное квадратное уравнение: а)  $x^2 + 7x = 0$ ; г)  $3x^2 = 0$ .
2. № 440 (д) Если возможно, разложите квадратный трёхчлен на множители: д)  $x^2 + 4$ .
3. Если возможно, разложите многочлен  $-2x^2 + 5x - 3$  на множители.
4. № 441 (б) Решите уравнение, сводящееся к квадратному: б)  $7x^4 - 13x^2 - 2 = 0$ .
5. № 442 (а) Решите задачу:
  - а) Известно, что одна из сторон прямоугольника на 5 см больше другой, а его диагональ равна 25 см. Найдите стороны прямоугольника.
6. При каких значениях параметра  $a$  уравнение  $\frac{3}{4}x^2 + 6x - 16(1 - a) = 0$  не имеет корней?

## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 1. КВАДРАТНЫЕ УРАВНЕНИЯ



### 3. Самостоятельная работа с самопроверкой по эталону.

### УРОК 50 (РТ)

1. Если возможно, разложите квадратный трехчлен  $5x^2 + 14x - 3$  на множители.
2. № 441 (а) Решите уравнение, сводящееся к квадратному: а)  $x^4 - 34x^2 + 225 = 0$ .
3. № 443 (а) Решите задачу:  
а) В параде 7 ноября 2012 года на Красной площади приняли участие более 6 тысяч человек. Среди них было 1936 представителей Московских кадетских корпусов, проходивших по площади в 22 колоннах. Число человек в каждом ряду на три меньше количества рядов. Сколько рядов и сколько кадетов было в каждом ряду в одной колонне?
4. При каких значения параметра  $a$  уравнение  $x^2 + (1 - a)x + \frac{1}{4}a(a + 1) = 0$  имеет два решения?

## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 1. КВАДРАТНЫЕ УРАВНЕНИЯ



УРОК 50 (РТ)

*Рефлексия учебной деятельности.*

- Какие умения вы сегодня тренировали?
- Какую цель вы ставили перед собой?
- Вы достигли поставленной цели?
- Какие знания вы использовали при выполнении заданий?
- Какие затруднения возникали в процессе работы над заданиями?
- Помогла ли работа в группе реализовать ваши личностные качества?  
Поясните свой ответ.
- Какие достижения вы можете отметить?

## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 1. КВАДРАТНЫЕ УРАВНЕНИЯ



**УРОК 50 (РТ)**

*Рефлексия учебной деятельности.*

- Какие умения вы сегодня тренировали?
- Какую цель вы ставили перед собой?
- Вы достигли поставленной цели?
- Какие знания вы использовали при выполнении заданий?
- Какие затруднения возникали в процессе работы над заданиями?
- Помогла ли работа в группе реализовать ваши личностные качества?  
Поясните свой ответ.
- Какие достижения вы можете отметить?

*Домашнее задание:* экспресс – тест № 5.

# ЧАСТЬ 2

## ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

### § 1. КВАДРАТНЫЕ УРАВНЕНИЯ



#### ЭКСПРЕСС - ТЕСТ № 5

#### 4.1.1–4.1.7

##### ЧАСТЬ А

1. Корнями какого уравнения являются числа  $-5; 0; 5$ ?

- A)  $x^2 - 25 = 0$ ;      Б)  $5x^3 - 25x = 0$ ;      В)  $x^4 - 25x^2 = 0$ ;      Г)  $x(x^2 - 10x + 25) = 0$ .

2. Решите уравнение  $-(x - 3)^2 + 1 = x - 2$ .

- A)  $-2; -3$ ;      Б)  $\emptyset$ ;      В)  $2; 4$ ;      Г)  $2; 3$ .

3. Установите соответствие между квадратными трёхчленами и их разложениями на множители:

- 1)  $x^2 + 8x - 9$ ;      2)  $-2x^2 + 3x - 1$ ;      3)  $-2x^2 - x + 1$ ;      4)  $2x^2 + 5x - 3$ .

- A)  $(1 - 2x)(x + 1)$ ;      Б)  $(x + 9)(x - 1)$ ;      В)  $(2x - 1)(x + 3)$ ;      Г)  $(1 - 2x)(x - 1)$ .

4. Найдите корни уравнения  $x^2 - 2\sqrt{2}x - 3 = 0$ .

- A)  $\sqrt{2} \pm \sqrt{5}$ ;      Б)  $\sqrt{2} \pm \sqrt{10}$ ;      В)  $\sqrt{7}$ ;      Г)  $\emptyset$ .

5. Одна из сторон прямоугольника на 18 дм больше другой стороны. Найдите периметр прямоугольника, если его площадь равна 403 дм<sup>2</sup>.

- A) 44 дм;      Б) 62 дм;      В) 98 дм;      Г) 88 дм.

#### УРОК 50 (РТ)

##### ЧАСТЬ В

6. При каких значениях  $b$  уравнение  $x^2 - bx + 3 = 0$  имеет единственное решение?

- A) 12;      Б)  $-4\sqrt{3}; 4\sqrt{3}$ ;      В)  $\emptyset$ ;      Г)  $-2\sqrt{3}; 2\sqrt{3}$ .

7. Решите уравнение:  $(x^2 - 5x)^2 + 6(x^2 - 5x) = 72$ . Какому числовому промежутку принадлежит сумма корней уравнения?

- A)  $(-6; -1)$ ;      Б)  $[-1; \sqrt{24}]$ ;      В)  $(-1; \sqrt{25}]$ ;      Г)  $[6; 7]$ ?

##### ЧАСТЬ С

8. Решите уравнение:  $(x - 1)^4 - 13x^2 + 26x + 23 = 0$ .

9. Пусть  $x_1$  и  $x_2$  — корни уравнения  $x^2 - 15x + 56 = 0$ . Не решая уравнение, найдите значение выражения  $\frac{x_1}{x_2} + \frac{x_2}{x_1}$ .

## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 1. КВАДРАТНЫЕ УРАВНЕНИЯ

УРОК 51-52 (ОК)



### КАРТОЧКА ДЛЯ РЕФЛЕКСИИ (К-4)

Содержание	Знаю	Умею
Решение квадратного уравнения.		
Разложение квадратного трехчлена на множители.		
Решение биквадратного уравнения.		
Решение задачи, сводящейся к решению квадратного уравнения.		
Исследование квадратных уравнений с параметром.		
Решение уравнения, сводящегося к квадратному (методом замены переменных).		
Применение теоремы Виета и обратной к ней теоремы.		

Я ставлю себе отметку:

## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



**Функции  $y = ax^2$ ,  $y = ax^2 + h$ ,  $y = k(x - d)^2$  и их графики.**

**УРОК 53 (ОНЗ)**

**Основные содержательные цели:**

- 1) познакомить учащихся с функциями  $y = ax^2$ ,  $y = ax^2 + h$  и  $y = a(x - d)^2$ ; выявить свойства этих функций;
- 2) сформировать умение строить график функций  $y = ax^2 + h$ ,  $y = a(x - d)^2$  и  $y = a(x - d)^2 + h$  путем сдвига вдоль координатных осей графика функции  $y = ax^2$ ;
- 3) тренировать умение решать текстовые задачи, сводящиеся к квадратным уравнениям, закрепить умения выполнять преобразование выражений с корнями, строить кусочно-заданные функции.

## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

УРОК 53 (ОНЗ)



### Что знают учащиеся

Понятие функции.

$X$  - область определения;

$Y$  – область значений

$$y = x^2$$

Алгоритмы построения графиков  
функций

Свойства функций и их графиков

План «чтения» графиков

### Что узнают учащиеся

Свойства функции  $y = ax^2$  и ее графика

Алгоритм построения графика

$$\text{функции } y = a(x - d)^2 + h$$

## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



**Актуализация знаний и фиксация индивидуального затруднения в пробном действии**

**УРОК 53 (ОНЗ)**

**№ 339, стр. 92**



Из приведённых ниже функций выберите ту, графиком которой является парабола:

$$y = 4x + 2; \quad y = x^3; \quad y = x^2; \quad y = \sqrt{x}; \quad y = \frac{2}{x}$$

Постройте график выбранной вами функции и перечислите его свойства.

## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



**Актуализация знаний и фиксация индивидуального затруднения в пробном действии**

**УРОК 53 (ОНЗ)**

**№ 340, стр. 92**



- 1) а) Одна сторона прямоугольника  $x$  дм, а другая в 2 раза больше. Запишите формулу зависимости площади прямоугольника  $y$  в  $\text{дм}^2$  от длин его сторон.
- б) Длина катета равнобедренного прямоугольного треугольника равна  $d$  см. Запишите формулу зависимости площади треугольника  $S$  в  $\text{см}^2$  от длин его катетов.
- в) Запишите формулу зависимости площади круга  $S$  в  $\text{м}^2$  от длины его радиуса  $r$  в метрах (значение  $\pi$  считать равным 3,14).
- г) В каждом ряду концертного зала  $n$  мест, а рядов в 1,5 раза больше. Запишите формулу зависимости общего количества мест в зале  $C$  от числа мест в ряду и количества рядов.

## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



**Актуализация знаний и фиксация индивидуального  
затруднения в пробном действии**

**УРОК 53 (ОНЗ)**

**№ 340, стр. 92**

1) а)  $y = 2x^2$ ; б)  $S = \frac{1}{2} d^2$ ; в)  $S = \pi r^2$ ; г)  $C = 1,5n^2$ .



## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



**Актуализация знаний и фиксация индивидуального затруднения в пробном действии**

**УРОК 53 (ОНЗ)**

**№ 340, стр. 92**

1) а)  $y = 2x^2$ ; б)  $S = \frac{1}{2} d^2$ ; в)  $S = \pi r^2$ ; г)  $C = 1,5n^2$ .



2) Что общего во всех построенных вами формулах? Запишите их с помощью одной общей формулы. Является ли данная зависимость функциональной?

## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



**Актуализация знаний и фиксация индивидуального затруднения в пробном действии**

**УРОК 53 (ОНЗ)**

**№ 340, стр. 92**

1) а)  $y = 2x^2$ ; б)  $S = \frac{1}{2} d^2$ ; в)  $S = \pi r^2$ ; г)  $C = 1,5n^2$ .

2)  $y = ax^2$  Зависимость является функциональной



## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



**Актуализация знаний и фиксация индивидуального затруднения в проблемном действии**

**УРОК 53 (ОНЗ)**

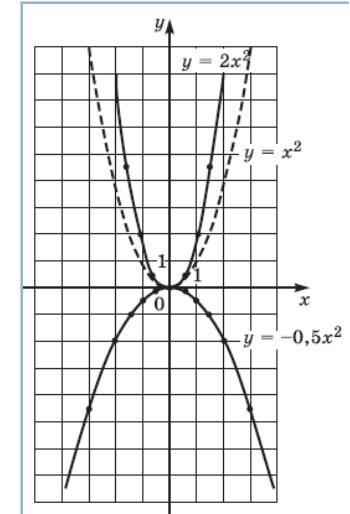
**№ 340, стр. 92**

1) а)  $y = 2x^2$ ; б)  $S = \frac{1}{2} d^2$ ; в)  $S = \pi r^2$ ; г)  $C = 1,5n^2$ .

2)  $y = ax^2$  Зависимость является функциональной

3) Постройте график функции, описанной под буквой а, заполнив таблицу. Сравните его с графиком, изображённым на рисунке 1 с. 88 учебника.

Предположите, как называется полученная кривая.



## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



**Актуализация знаний и фиксация индивидуального затруднения в пробном действии**

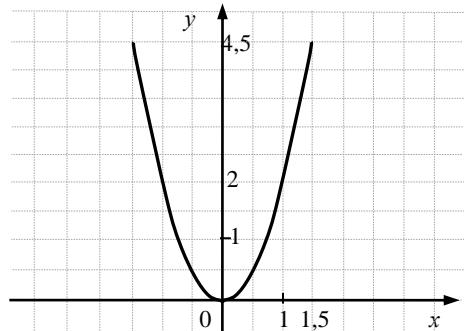
**УРОК 53 (ОНЗ)**

**№ 340, стр. 92**

1) а)  $y = 2x^2$ ; б)  $S = \frac{1}{2} d^2$ ; в)  $S = \pi r^2$ ; г)  $C = 1,5n^2$ .

2)  $y = ax^2$  Зависимость является функциональной

3)  $y = 2x^2$



Полученная кривая, возможно, называется парабола.





## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

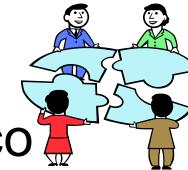


*Актуализация знаний и фиксация индивидуального затруднения в пробном действии*

УРОК 53 (ОНЗ)

№ 340, стр. 92

4) Какие свойства графика вы можете отметить? Сопоставьте их со свойствами на с. 89 учебника. Какие из указанных в учебнике свойств вам **удалось выявить самостоятельно?**



## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



*Актуализация знаний и фиксация индивидуального  
затруднения в пробном действии*

УРОК 53 (ОНЗ)

№ 340, стр. 92

### *Свойства функции $y = ax^2$ и ее графика*

1. Графиком функции  $y = ax^2$  является парабола с вершиной в точке  $(0; 0)$ .
2. Функция  $y = ax^2$  является чётной, поэтому парабола состоит из двух ветвей, симметричных относительно оси ординат. Эту ось называют осью параболы.
3. График функции касается оси абсцисс в вершине. При неограниченном приближении к нулю график значительно ближе прилегает к оси абсцисс, чем к оси ординат.
4. Если  $a > 0$ , то ветви параболы направлены вверх, если  $a < 0$  – вниз.
5. С увеличением  $|a|$  форма ветвей параболы становится более крутой, а с уменьшением – более пологой.
6. При  $a > 0$  функция  $y = ax^2$  убывает на промежутке  $(-\infty; 0]$  и возрастает на промежутке  $[0; +\infty)$ . При  $a < 0$  функция  $y = ax^2$ , наоборот, возрастает на промежутке  $[0; +\infty)$  и убывает на промежутке  $(-\infty; 0]$ .





## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



### *Задание на пробное действие*

УРОК 53 (ОНЗ)

Укажите **способ** построения графика функции:  $y = 2(x - 1)^2 + 5$  без использования таблицы.



## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



ЗАТРУДНЕНИЕ?



УРОК 53 (ОНЗ)



## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



**ЗАТРУДНЕНИЕ?**



**УРОК 53 (ОНЗ)**

– Я пока не могу указать способ построения данной функции без таблицы.



– Я пока не могу обосновать, что правильно указал способ построения графика данной функции без таблицы.

## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



**ЗАТРУДНЕНИЕ?**



**УРОК 53 (ОН3)**

***Выявление места и причины затруднения***

**Почему возникло затруднение?**

**Что пока не знаешь?**



Мы не знаем способа построения графика без использования таблицы.

## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



### **Построение проекта выхода их затруднения**

**УРОК 53 (ОНЗ)**

**Цель:** Узнать новый способ построения графика без использования таблицы и научиться его применять.

**Средства:** учебник, умение строить график по точкам (с помощью таблицы).



## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



### **Построение проекта выхода их затруднения**

**УРОК 53 (ОНЗ)**

**Цель:** Узнать новый способ построения графика без использования таблицы и научиться его применять.



**Средства:** учебник, умение строить график по точками (с помощью таблицы).

№ 342, стр. 92 делает 1 и 2 группа, а № 343, стр. 92 – 3 и 4 группа.

## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



### Построение проекта выхода их затруднения

УРОК 53 (ОНЗ)

**Цель:** Узнать новый способ построения графика без использования таблицы и научиться его применять.

342

- 1) Постройте на одной координатной плоскости графики функций  $y = 2x^2$  и  $y = 2x^2 + 3$ . Что вы замечаете? Продолжите исследование, начертив график функции  $y = 2x^2 - 9$ .
- 2) Укажите способ построения графика функции  $y = 2x^2 + h$  без использования таблицы. Примените его для построения графиков  $y = 2x^2 - 5$  и  $y = 2x^2 + 5$ . Проверьте свое предположение, сопоставив его с выводами на с. 89 учебника.

343

- 1) Постройте на одной координатной плоскости графики функций  $y = 2x^2$  и  $y = 2(x - 3)^2$ . Что вы замечаете? График какой функции вам нужно построить, чтобы продолжить исследование?
- 2) Укажите способ построения графика функции  $y = 2(x - d)^2$  без использования таблицы. Примените его для построения графиков  $y = 2(x - 1)^2$  и  $y = 2(x + 1)^2$ . Проверьте свое предположение, сопоставив его с выводами на с. 90 учебника.



## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



**План:**

**УРОК 53 (ОНЗ)**



1. Выполнить задания, проанализировать ход их выполнения.
2. Обобщить результаты и сформулировать новый способ построения графика.
3. Сравнить со способом, предложенным в учебнике.

## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



УРОК 53 (ОНЗ)

### Реализация построенного проекта

1 и 2 группа

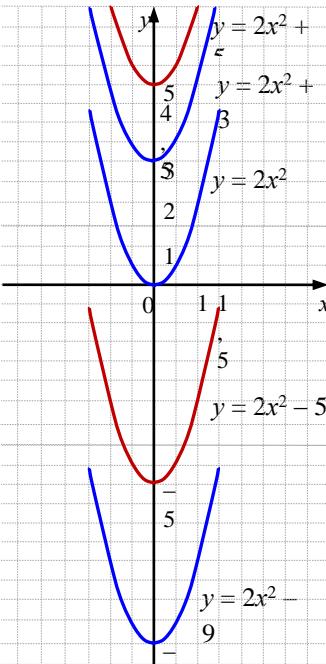


график  $y = ax^2 + h$   
можно строить путем  
параллельного  
переноса графика  
 $y = ax^2$  вдоль оси  
ординат вверх или вниз  
в зависимости от знака  
 $h$ .

3 и 4 группа

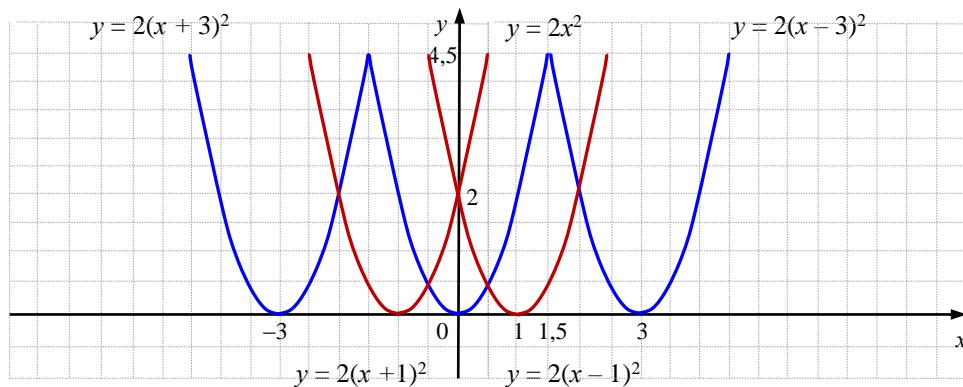


график  $y = a(x - d)^2$  можно строить путем  
параллельного переноса графика  $y = ax^2$   
вдоль оси абсцисс вправо или влево в  
зависимости от знака  $d$ .

# ЧАСТЬ 2

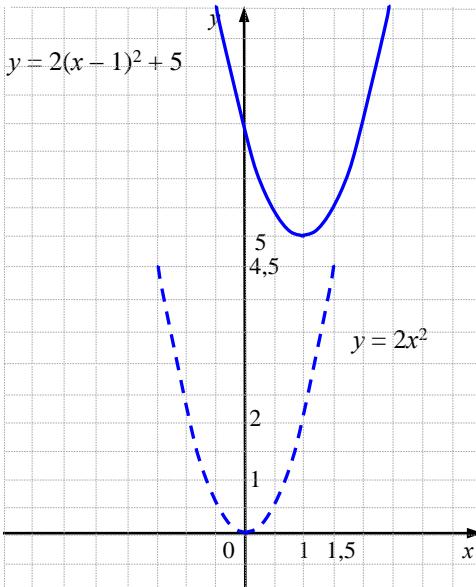
## ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

### § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

УРОК 53 (ОНЗ)

Укажите способ построения графика функции:  $y = 2(x - 1)^2 + 5$  без использования таблицы.

**Эталон**



Алгоритм построения графика функции  $y = a(x - d)^2 + h$

- Описать, с помощью какого сдвига и вдоль каких осей искомый график получается из графика  $y = ax^2$ ; указать направление ветвей параболы.
- Найти и отметить на координатной плоскости вершину параболы ( $x_v = d$ ;  $y_v = h$ ), провести ось симметрии параболы.
- Найти и отметить точки пересечения графика с осями координат:
  - с осью  $Oy$ :  $(0; y_n)$ , где  $y_n$  – значение функции  $y = a(x - d)^2 + h$  при  $x = 0$ ;
  - с осью  $Ox$ :  $(x_n; 0)$ , где  $x_n$  – корни уравнения  $a(x - d)^2 + h = 0$ .

(Если координаты иррациональны, то этот шаг можно пропустить.)

- При необходимости найти и отметить на координатной плоскости дополнительные точки и симметричные к ним относительно оси параболы.
- Построить параболу, используя отмеченные точки.

Замечание. Параболу  $y = a(x - d)^2 + h$  можно построить от вершины  $B(d; h)$  с помощью соответствующего сдвига параболы  $y = ax^2$ .





## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



УРОК 53 (ОНЗ)

**Первичное закрепление во внешней речи.**

**Самостоятельная работа с самопроверкой по эталону.**

**№ 346 (в, а)**

Постройте график функции:

$$\text{в)} \quad y = -2(x - 1)^2 - 2; \quad \text{а)} \quad y = (x - 2)^2 .$$

## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



УРОК 53 (ОНЗ)

### Домашнее задание:

п.4.2.1, № 353 (б, в – 1 по выбору); № 354 (б) (по желанию); № 355 (а).

2

353

Постройте график функции:

а)  $y = 3x^2 - 2$ ;    б)  $y = 2(x - 6)^2$ ;    в)  $y = -2(x + 1)^2 + 5$ .

354

Постройте график функции:

а)  $y = (x - 3)^2 - 5$ ;    б)  $y = \begin{cases} -\frac{1}{x}, & \text{если } x \geq 1; \\ -(x + 2)^2 + 8, & \text{если } x < 1. \end{cases}$

355

Сравните числа:

а)  $\sqrt{17} - \sqrt{3}$  и  $\sqrt{6}$ ; б)  $\frac{120}{\sqrt{45} - 3} - \frac{120}{\sqrt{45} + 3}$  и  $\sqrt{201}$ .

Обведите зелёным цветом ту часть графика, у которой значения функции положительны, синим цветом – значения функции отрицательны, красным цветом – значения функции равны нулю.

# ЧАСТЬ 2

## ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

### § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



**Включение в систему знаний и повторение.**

**УРОК 53 (ОНЗ)**

**№ 347**

Постройте график функции:

$$y = \begin{cases} (x-3)^2 - 3, & \text{если } x \geq 1; \\ |x|, & \text{если } -5 \leq x < 1 \end{cases}$$

«Прочтайте» полученный график по известному плану.

**№ 349**

Найдите значения выражений и, расположив их в порядке убывания, узнайте имя французского математика XVI века:

P	$5 + \sqrt{72}$	E	$(-1)^2 - 2^4$	A	$(-1)^4 (1 - \sqrt{2})^2$
---	-----------------	---	----------------	---	---------------------------

T	$-3^2 + (-2)^3$	Ф	$(\sqrt{6} + \sqrt{3})^2$	B	$-1^2 \cdot (\sqrt{2} - 1)^2$
---	-----------------	---	---------------------------	---	-------------------------------

И	$(\sqrt{10} - \sqrt{13})(\sqrt{10} + \sqrt{13})$	H	$\sqrt{2^6}$	A	$\sqrt{2}(\sqrt{50} + \sqrt{2})$
---	--	---	--------------	---	----------------------------------

C	$\sqrt{\frac{10}{16}}$
---	------------------------

Y	$\sqrt{\left(3\frac{1}{5} - \sqrt{2}\right)^2} + \sqrt{2}$
---	--

## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



**Функции  $y = ax^2$ ,  $y = ax^2 + h$ ,  $y = k(x - d)^2$  и их графики.**

**УРОК 54 (Р)**

**Основные содержательные цели:**

Тренировать умение:

- ✓ применять знания о функциях  $y = ax^2$ ,  $y = ax^2 + h$  и  $y = a(x - d)^2$ , свойствах этих функций;
- ✓ строить график функций  $y = ax^2 + h$ ,  $y = a(x - d)^2$  и  $y = a(x - d)^2 + h$  путем сдвига вдоль координатных осей графика функции  $y = ax^2$ ;
- ✓ решать текстовые задачи, сводящиеся к квадратным уравнениям.

## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



**УРОК 54 (Р)**

### 1. Подготовка к тренингу.

Проверка домашней работы. Работа в группах.

### 2. Тренинг с самопроверкой по подробному образцу.

**№ 345 (в)** Постройте график функции: в)  $y = 0,5x^2 - 2$ .

**№ 346 (б, г)**

Постройте график функции: б)  $y = 3(x + 1)^2$ ; г)  $y = -(x + 3)^2 + 1$ .



## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



**3. Самостоятельная работа с самопроверкой по эталону.**

**УРОК 54 (Р)**

№ 1. Постройте в одной системе координат графики функций:

$$a) y = -\frac{1}{4}x^2 + 4; \quad b) y = -\frac{1}{4}(x + 4)^2.$$

№ 2. Постройте график функции  $y = (x - 5)^2 - 1$  и «прочитайте» его по известному плану.

## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



**Повторение.**

**УРОК 54 (Р)**

**№ 348**

Решите задачу:

«Из квадратного полотна сетки для покрытия всходов вырезали прямоугольник со сторонами в два раза меньшей и на 3 м меньшей стороны квадрата. Площадь оставшейся сетки стала равной  $20 \text{ м}^2$ . Найдите периметр прямоугольника, с тем чтобы заказать декоративное плетение вокруг более ранней посадки цветов».

**Домашнее задание:**

№ 353 (а); № 354 (а); № 355 (б); № 356\*.

## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



**Задачи повышенного уровня сложности:**

**№ 356\***

**УРОК 54 (Р)**

Так как парабола имеет единственную общую точку с осью  $Ox$ , то дискриминант квадратного трехчлена  $x^2 + ax + a$  равен нулю:  $D = a^2 - 4a = a(a - 4) = 0$ . Если  $a = 0$ , то получается функция  $y = x^2$ , вершина графика которой находится в начале координат, что не соответствует рисунку. Значит,  $a = 4$ .

*Ответ: 4.*

## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



**Квадратичная функция  $y = ax^2 + bx + c$**

**УРОК 55 (ОНЗ)**

### **Основные содержательные цели:**

- 1) Сформировать понятие квадратичной функции  $y = ax^2 + bx + c$ .
- 2) Выявить свойства квадратичной функции и сформировать умение строить график функции.
- 3) Сформировать знание о способах вычисления координат вершины параболы.
- 4) Сформировать опыт применения понятий: промежутки возрастания и убывания функции, четность функции.
- 5) Сформировать первичное представление о способе решения квадратных неравенств.
- 6) Тренировать умение применять способ построения графиков функций  $y = ax^2 + h$ ,  $y = a(x - a)^2$  и  $y = a(x - a)^2 + h$  и умение решать системы линейных неравенств с одной и двумя переменными.

## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



**Актуализация знаний и фиксация индивидуального затруднения в пробном действии**

**УРОК 55 (ОНЗ)**

1. Самопроверка заданий из домашней работы.
2. № 357



Что общего в функциях? Найдите формулу, при помощи которой можно задать все эти функции, предварительно упростив правую часть двух последних функций:

$$y = \frac{1}{3}x^2; \quad y = 3x^2 + 4; \quad y = x^2 - 3x + 0,5; \quad y = 2(x - 6)^2; \quad y = (x - 2)^2 - 1.$$

Предположите, как называется полученная функция.

## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



**Актуализация знаний и фиксация индивидуального затруднения в пробном действии**

**УРОК 55 (ОНЗ)**

1. Самопроверка заданий из домашней работы.
2. № 357



Что общего в функциях? Найдите формулу, при помощи которой можно задать все эти функции, предварительно упростив правую часть двух последних функций:

$$y = \frac{1}{3}x^2; \quad y = 3x^2 + 4; \quad y = x^2 - 3x + 0,5; \quad y = 2(x - 6)^2; \quad y = (x - 2)^2 - 1.$$

$$y = ax^2 + bx + c$$

## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



**Актуализация знаний и фиксация индивидуального затруднения в пробном действии**

**УРОК 55 (ОНЗ)**

**№ 358**

Запишите функцию  $y = ax^2 + bx + c$

при  $a = 1, b = 2$  и  $c = 3$ ;

при  $a = 2, b = 0$  и  $c = 3$ ;

при  $a = -1, b = 2$  и  $c = 0$ ;

при  $a = 4, b = 0$  и  $c = 0$ .

Графики каких из этих функций вы уже умеете строить?



## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



**Актуализация знаний и фиксация индивидуального затруднения в пробном действии**

**УРОК 55 (ОНЗ)**

**№ 358**

Запишите функцию  $y = ax^2 + bx + c$

при  $a = 1, b = 2$  и  $c = 3$ ;

при  $a = 2, b = 0$  и  $c = 3$ ;

при  $a = -1, b = 2$  и  $c = 0$ ;

при  $a = 4, b = 0$  и  $c = 0$ .

$$y = x^2 + 2x + 3$$

$$y = 2x^2 + 3$$

$$y = -x^2 + 2x$$

$$y = 4x^2$$

Графики каких из этих функций вы уже умеете строить?





## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



***Задание на пробное действие***

**УРОК 55 (ОНЗ)**

Постройте график функции:  $y = x^2 - 4x + 3$ .



## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



ЗАТРУДНЕНИЕ?



УРОК 55 (ОНЗ)



## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



**ЗАТРУДНЕНИЕ?**



**УРОК 55 (ОНЗ)**

– Я пока не могу построить график данной функции.



## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



**ЗАТРУДНЕНИЕ?**



**УРОК 55 (ОНЗ)**

***Выявление места и причины затруднения***

**Почему возникло затруднение?**

**Что пока не знаешь?**



Мы не знаем способа построения графика квадратичной функции  
 $y = ax^2 + bx + c$ .

## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



### **Построение проекта выхода их затруднения**

**УРОК 55 (ОНЗ)**

**Цель:** Узнать способ построения графика квадратичной функции, представленной в виде  $y = ax^2 + bx + c$  и научиться его применять.



**Средства:** учебник, умение строить график функции  $y = a(x - d)^2 + h$ .

## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



### Построение проекта выхода их затруднения

УРОК 55 (ОНЗ)

**Цель:** Узнать способ построения графика квадратичной функции, представленной в виде  $y = ax^2 + bx + c$  и научиться его применять.



**Средства:** учебник, умение строить график функции  $y = a(x - d)^2 + h$ .

№ 359, № 360

## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

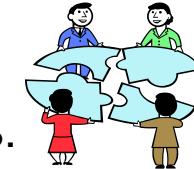
## § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



### Построение проекта выхода их затруднения

УРОК 55 (ОНЗ)

**Цель:** Узнать способ построения графика квадратичной функции, представленной в виде  $y = ax^2 + bx + c$  и научиться его применять.



359

Выделите полный квадрат трёхчлена  $x^2 - 4x + 3$ .

360

1) Постройте график функции  $y = x^2 - 4x + 3$ . Какое преобразование поможет свести данную функцию к известному случаю?

2) Подойдет ли способ, использованный при построении графика  $y = x^2 - 4x + 3$ , для построения всех функций вида  $y = ax^2 + bx + c$ ? Сравните свои предположения со способом построения графика квадратичной функции, приведённым на с. 95.

## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



**План:**

**УРОК 55 (ОНЗ)**

1. Выполнить задания, предложенные учителем, проанализировать ход выполнения, результаты.
2. Сформулировать гипотезу.
3. Сравнить с методом, предложенным в учебнике.



## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

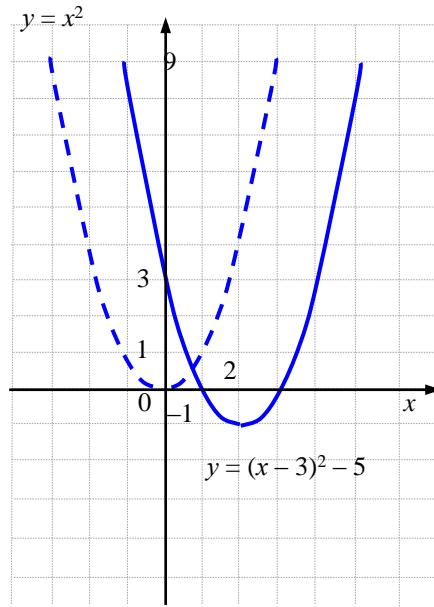


### Реализация построенного проекта

$$x^2 - 4x + 3 = x^2 - 4x + 4 - 4 + 3 = (x - 2)^2 - 1.$$

График функции  $y = (x - 2)^2 - 1$  получается с помощью параллельного переноса графика функции  $y = x^2$  вдоль оси  $Ox$  вправо на 2 единицы и вдоль оси  $Oy$  вниз на 1 единицу.

### УРОК 55 (ОНЗ)



## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

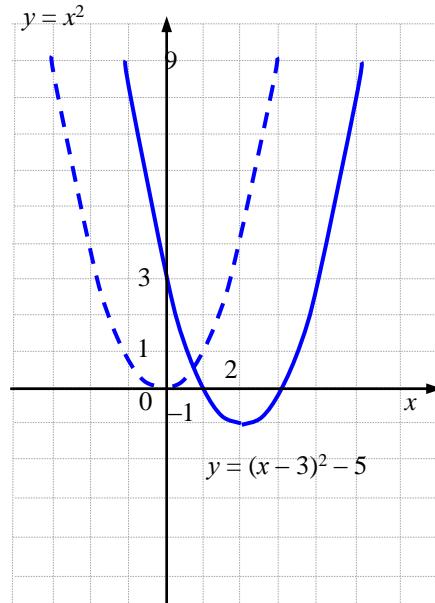


### Реализация построенного проекта

$$x^2 - 4x + 3 = x^2 - 4x + 4 - 4 + 3 = (x - 2)^2 - 1.$$

График функции  $y = (x - 2)^2 - 1$  получается с помощью параллельного переноса графика функции  $y = x^2$  вдоль оси  $Ox$  вправо на 2 единицы и вдоль оси  $Oy$  вниз на 1 единицу.

### УРОК 55 (ОНЗ)



### Всегда ли этот способ удобен?

## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



### Реализация построенного проекта

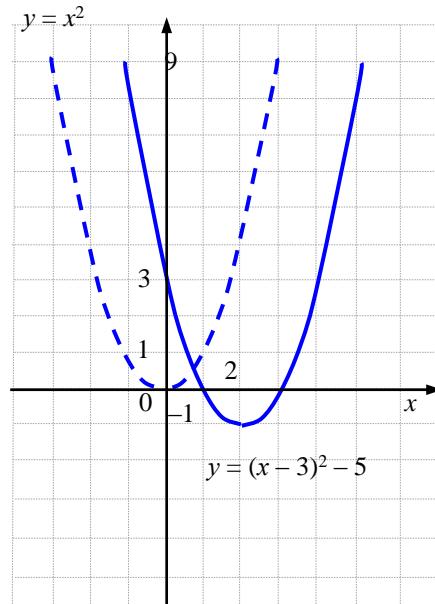
$$x^2 - 4x + 3 = x^2 - 4x + 4 - 4 + 3 = (x - 2)^2 - 1.$$

График функции  $y = (x - 2)^2 - 1$  получается с помощью параллельного переноса графика функции  $y = x^2$  вдоль оси  $Ox$  вправо на 2 единицы и вдоль оси  $Oy$  вниз на 1 единицу.

Всегда ли этот способ удобен?

Учебник, пример 2, стр. 96, № 361

### УРОК 55 (ОНЗ)



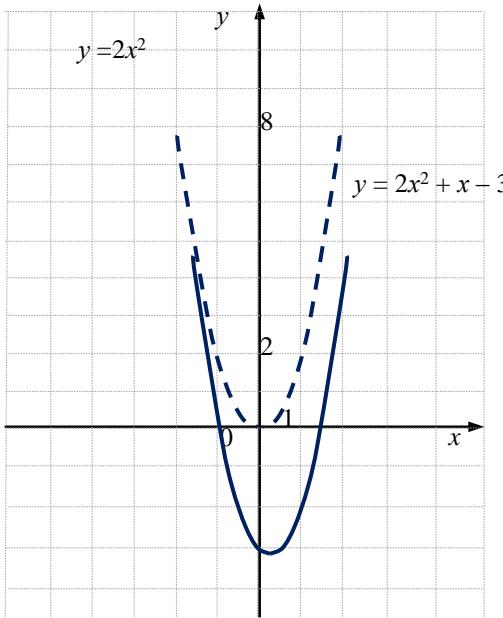
# ЧАСТЬ 2

## ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

### § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



№ 361



#### Эталон

УРОК 55 (ОНЗ)

Алгоритм построения графика функции  $y = ax^2 + bx + c$ , где  $a \neq 0$

1. Найти и отметить на координатной плоскости вершину параболы  $B\left(x_v = -\frac{b}{2a}; y_v = y(x_v)\right)$ .
2. Описать, с помощью какого сдвига и вдоль каких осей искомый график получается из графика  $y = ax^2$ , указать направление ветвей параболы.
3. Провести ось симметрии параболы.
4. Найти и отметить точки пересечения графика с осями координат. (Если координаты иррациональны, то этот шаг можно пропустить.)
5. При необходимости найти и отметить дополнительные точки и симметричные к ним относительно оси параболы.
6. Построить параболу, используя отмеченные точки.

## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



**Первичное закрепление во внешней речи.**

**УРОК 55 (ОНЗ)**

**Самостоятельная работа с самопроверкой по эталону.**

**№ 364 (г, а)**

Постройте график квадратичной функции: г)  $y = -x^2 + 4x + 4$ .

Постройте график квадратичной функции: а)  $y = x^2 + x - 12$ .



**№ 364 (б)**

Постройте график функции  $y = 3x^2 - 6x - 2$ .





#### Домашнее задание:

п.4.2.2, № 369 (а, б); № 370 (а, б); № 371 (д, е); № 372\*.

#### № 369 (а, б)

Выделите полный квадрат трёхчлена: а)  $x^2 + 6x - 7$ ; б)  $2x^2 - 4x + 5$ .

#### № 370 (а, б)

Постройте график квадратичной функции: а)  $y = x^2 + 2x - 3$ ; б)  $y = 3x^2 + 2x - 1$ .

#### № 371 (д, е) Решите систему неравенств:

$$\text{д)} \begin{cases} 12x - 9,6 \geq 0 \\ 14 - 2\frac{1}{3}x < 0 \end{cases}; \quad \text{е)} \begin{cases} -10,5 - 7x < 0 \\ 1,3x - 11,7 \leq 0 \end{cases}$$

# ЧАСТЬ 2

## ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

### § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



## Включение в систему знаний и повторение.

## УРОК 55 (ОН3)

### СИСТЕМАТИЗИРУЕМ ИЗУЧЕННОЕ:

### ФУНКЦИИ

**ОПРЕДЕЛЕНИЕ:** Функцией  $y = f(x)$  называется правило  $f$ , по которому каждому элементу  $x$  из некоторого множества  $X$  ставится в соответствие **единственный** элементу из множества  $Y$ . Множество  $X$  при этом называется **областью определения**, а множество  $Y$  – **областью значений** данной функции.

**Обозначения:**  $x$  (независимая переменная, аргумент)  $\in X$ ;  $y$  (зависимая переменная, функция)  $\in Y$

**Способы задания:** 1. Словесное описание. 2. Таблица. 3. Формула (аналитический способ).

4. График.

### Изученные виды функций

Функции	Определение	Алгоритм построения графика
Линейная	Функция вида $y = kx + b$ , где $k$ и $b$ – произвольные числа называется <b>линейной функцией</b> (При $b = 0$ линейная функция является прямой пропорциональностью (задается формулой $y = kx$ )).	<p>Графиком является прямая.</p> <p>1. Выбрать два различных значения <math>x</math>: <math>x_1</math> и <math>x_2</math>.</p> <p>2. Вычислить значение <math>y_1 = kx_1 + b</math>; вычислить значение <math>y_2 = kx_2 + b</math>.</p> <p>3. Отметить на координатной плоскости <math>Oxy</math> точку <math>A</math> с координатами <math>(x_1; y_1)</math> и точку <math>B</math> с координатами <math>(x_2; y_2)</math>.</p> <p>4. Через точки <math>A</math> и <math>B</math> провести прямую.</p> <p><b>ЧАСТНЫЕ СЛУЧАИ</b></p> <p>При <math>b = 0</math> графиком является прямая, проходящая через <math>(0; 0)</math>;</p> <p>При <math>k = 0</math>, графиком является прямая <math>y = b</math>, параллельная оси <math>Ox</math>;</p> <p>При <math>k = 0, b = 0</math>, графиком является ось <math>Ox</math>.</p> <p>При <math>b = 0</math>. Прямая пропорциональность</p>
Особенности	График линейной функции $y = kx + b$ , где $k$ и $b$ – произвольные числа, может быть получен из графика функции $y = kx$ путем его параллельного переноса вдоль оси $Oy$ на $b$ единиц вверх, если $b$ – положительно, или на $ b $ единиц вниз, если $b$ – отрицательно.	

$y = x^n$ ,  
где  $n$  – четное число

$y = x^n$ ,  
где  $n$  – нечетное число

График функции  $y = x^n$  называется **параболой**, а ее точка  $(0; 0)$  называется **вершиной параболы**.

График функции  $y = x^n$  называется **кубической параболой**, а ее точка  $(0; 0)$  называется **точкой перегиба**.

1. Заполнить таблицу, задав несколько положительных значений  $x$  и вычислив соответствующие им значения  $y$  по формуле  $y = x^n$ .

x	0	1	
y	0	1	

2. Отметить точки с координатами  $(x; y)$ , полученными в таблице.

3. Для четного  $n$  построить точки, симметричные отмеченным относительно оси ординат, они имеют координаты  $(-x; y)$ .

4. Соединить полученные точки плавной линией, учитывая, что чем больше  $n$ , тем теснее «прижимается» график к оси абсцисс в начале координат.

# ЧАСТЬ 2

## ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

### § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



## Включение в систему знаний и повторение.

## УРОК 55 (ОНЗ)

Обратная пропорциональность	Функция вида $y = \frac{k}{x}$ , где $k$ – некоторое не равное нулю число, называется обратной пропорциональностью. Число $k$ называется коэффициентом обратной пропорциональности. График функции называется гиперболой.
Кусочно-заданная	Если область определения функции может быть разбита на конечное число непересекающихся числовых промежутков, объединение которых дает всю область определения, и на каждом из этих промежутков функция задана формулой $y = kx + b$ , или другими формулами самых разных видов – например, $y = x^2$ и т.д., тогда ее называют кусочно-заданной.

Особенности	1) График может не соединяться в единую ломаную или кривую. 2) При этом, кусочно-заданные функции могут быть заданы не на всей числовой прямой, а на любом объединении числовых промежутков.
-------------	---

Арифметический квадратный корень	$y = \sqrt{x}$
----------------------------------	----------------

Квадратичная	Функция вида $y = ax^2 + bx + c$ , где $a \neq 0$ называется квадратичной функцией.
	1. Представить функцию в виде $y = a(x - x_0)^2 + y_0$ , выделяя полный квадрат, либо используя формулу координат вершины $B(x_0) = -\frac{b}{2a}; y_0 = y(x_0)$ . 2. Описать, как график функции $y = a(x - x_0)^2 + y_0$ получен из $y = ax^2$ . 3. Построить график, «сдвинув» параболу $y = ax^2$ так, чтобы ее вершина была в точке $B(x_0; y_0)$ . 4. Уточнить расположение параболы, вычислив координаты нескольких точек графика.

## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



**Включение в систему знаний и повторение.**

**УРОК 55 (ОНЗ)**

**№ 366 (а)** Решите систему неравенств:

$$\begin{cases} 3x - 7 \geq 3 \\ 5 - 2x < -2 \end{cases}$$

**№ 367 (а)** Изобразите на координатной плоскости множество решений системы неравенств:

$$\begin{cases} 3x - y \geq 0 \\ x + 3y \leq 0 \end{cases}$$

## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



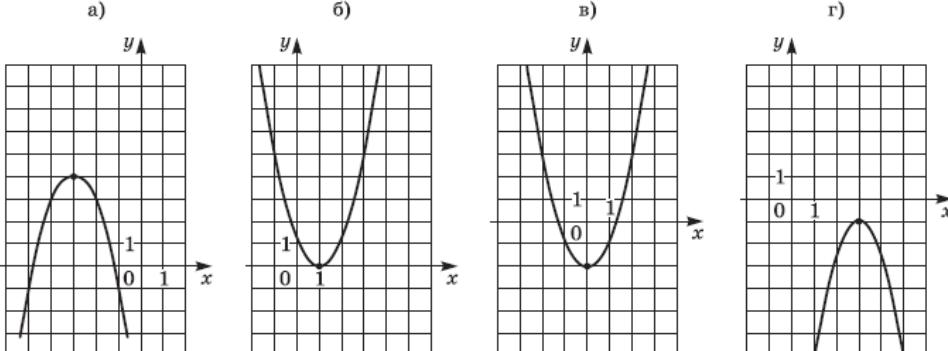
### Квадратичная функция $y = ax^2 + bx + c$

УРОК 56 (Р)

**Актуализация знаний и фиксация индивидуального затруднения в самостоятельной работе.**

1. Самопроверка заданий из домашней работы по подробному образцу.
2. № 444, № 363.

На рисунке изображен график функции  $y = a(x + m)^2 + n$ . Определите знак коэффициента  $a$  и значения  $m$  и  $n$ :



Найдите координаты вершины параболы:

- $y = x^2 + 8x - 3$ ;
- $y = 3x^2 - 4x$ ;
- $y = -2x^2 - x + 1$ ;
- $y = -x^2 - 5$ .

# ЧАСТЬ 2

## ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

### § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



#### Самостоятельная работа № 1

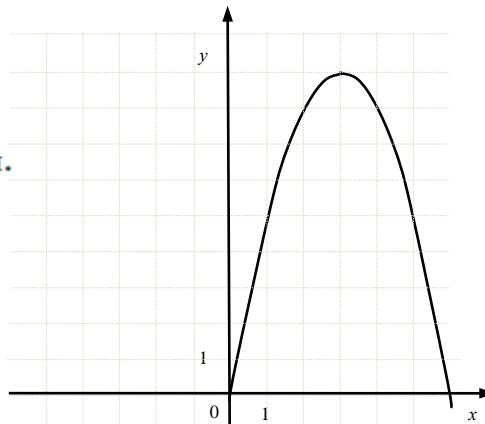
УРОК 56 (Р)

##### Обязательная часть

1. На рисунке изображен график функции  $y = -(x - d)^2 + h$ . Определите значения  $d$  и  $h$ .
2. Найдите координаты вершины параболы  $y = x^2 - 6x + 10$  и постройте график этой функции. На каких промежутках функция возрастает? Убывает?

##### Дополнительная часть

3. Постройте график функции
 
$$f(x) = \begin{cases} -(x - 2)^2 + 4, & \text{если } 0 \leq x \leq 5; \\ |x|, & \text{если } -3 \leq x < 0. \end{cases}$$
  - a) Найдите  $f(-2)$ ,  $f(4)$ ,  $f(7)$ .
  - б) Укажите, на каких промежутках из области определения функция равна 0, положительна, отрицательна.
  - в) Укажите, на каких промежутках из области определения функция возрастает (убывает, постоянна).
  - г) Если возможно, укажите наибольшее, наименьшее значение функции.



# ЧАСТЬ 2

## ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

### § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

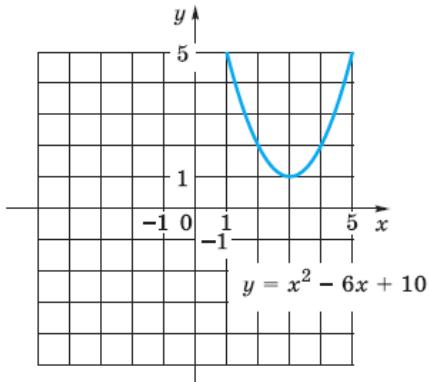
УРОК 56 (Р)



### Самопроверка самостоятельной работы по образцу

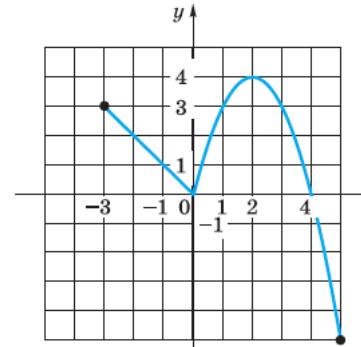
#### ОБРАЗЕЦ

1.  $d = 3; h = 9.$
2.  $x_b = 3; y_b = 1.$



При  $x \in (-\infty; 3]$  функция убывает.  
При  $x \in [3; +\infty]$  функция возрастает.

3.



- a)  $f(-2) = 2, f(4) = 0, f(7)$  не существует.
- б)  $f(x) = 0$  при  $x = 0, x = 4,$   
 $f(x) > 0$  при  $x \in [-3; 0) \cup (0; 4),$   
 $f(x) < 0$  при  $x \in (4; 5];$
- в)  $f(x)$  возрастает при  $x \in [0; 2],$   
 $f(x)$  убывает при  $x \in [-3; 0], x \in [2; 5];$
- г)  $y_{\text{наиб}} = 4, y_{\text{наим}} = -5.$

# ЧАСТЬ 2

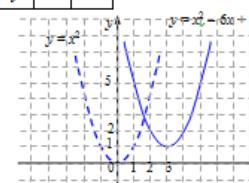
## ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

### § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



**УРОК 56 (Р)**

### Эталон для самопроверки

Подробный образец	Эталоны						
<p>№ 1.</p> <p>Чтобы определить <math>d</math> и <math>h</math>, надо найти координаты вершины параболы, заданной уравнением <math>y = a(x - d)^2 + h</math>:  <math>x_0 = 3</math>; <math>y_0 = 9</math>.</p> <p><i>Ответ:</i> <math>d = 3</math>; <math>h = 9</math>.</p>	<p>Уравнение квадратичной функции  <math>y = ax^2 + bx + c \Leftrightarrow y = a(x - x_0)^2 + y_0</math>,  где <math>(x_0; y_0)</math> координаты вершины параболы</p>						
<p>№ 2.  <math>y = x^2 - 6x + 10</math></p> <p>① Найдем по формуле координаты вершины <math>B(x_0) = -\frac{b}{2a}</math>; <math>y_0 = y(x_0)</math>:  <math>x_0 = -\frac{-6}{2} = 3</math>; <math>y_0 = y(3) = 9 - 18 + 10 = 1</math>.</p> <p>② График функции <math>y = x^2 - 6x + 10</math> получим с помощью двух параллельных переносов графика функции <math>y = x^2</math> вдоль оси <math>Ox</math> вправо на 3 единицы и вдоль оси <math>Oy</math> вверх на 1 единицу.</p> <p>③ Построим график, «сдвинув» параболу <math>y = x^2</math> так, чтобы ее вершина была в точке <math>B(3; 1)</math>.</p> <p>④ Уточним расположение параболы, вычислив координаты нескольких точек графика:</p> <table border="1" data-bbox="864 810 979 864"> <tr> <td><math>x</math></td> <td>1</td> <td>2</td> </tr> <tr> <td><math>y</math></td> <td>5</td> <td>2</td> </tr> </table> 	$x$	1	2	$y$	5	2	<p>Алгоритм построения графика функции <math>y = ax^2 + bx + c</math></p> <p>① Представить функцию в виде <math>y = a(x - x_0)^2 + y_0</math>, выделяя полный квадрат, либо используя формулу координат вершины <math>B(x_0) = -\frac{b}{2a}</math>; <math>y_0 = y(x_0)</math>.</p> <p>② Описать, как график функции <math>y = a(x - x_0)^2 + y_0</math> получен из <math>y = ax^2</math>.</p> <p>③ Построить график, «сдвинув» параболу <math>y = ax^2</math> так, чтобы ее вершина была в точке <math>B(x_0; y_0)</math>.</p> <p>④ Уточнить расположение параболы, вычислив координаты нескольких точек графика.</p>
$x$	1	2					
$y$	5	2					

# ЧАСТЬ 2

## ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

### § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

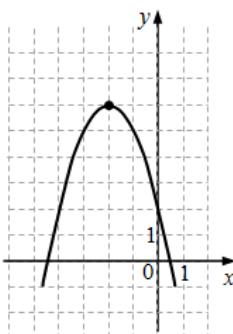
УРОК 56 (Р)



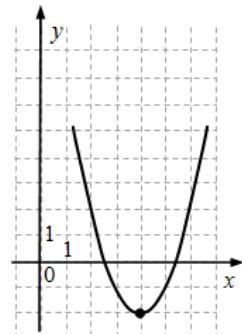
Исправляют ошибки,  
выполняют тренировочные задания

№ 1. На рисунке изображен график функции  $y = a(x - d)^2 + h$ .  
Определите, чему равно  $d$  и  $h$  и установите знак  $a$ .

а)



б)



№ 2.

Найдите координаты вершины параболы  $y = -x^2 + 8x - 12$   
и постройте график этой функции.

Выполняют дополнительные задания

#### Дополнительная часть

3. Постройте график функции

$$f(x) = \begin{cases} -(x - 2)^2 + 4, & \text{если } 0 \leq x \leq 5; \\ |x|, & \text{если } -3 \leq x < 0. \end{cases}$$

# ЧАСТЬ 2

## ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

### § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

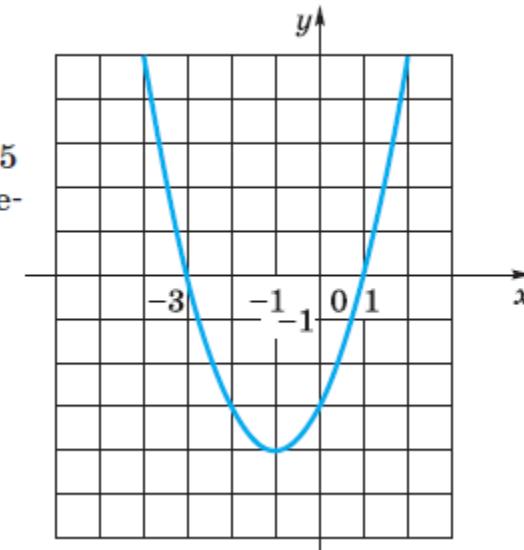
УРОК 56 (Р)



#### Самостоятельная работа № 2

##### Обязательная часть

- На рисунке изображен график функции  $y = (x - d)^2 + h$ . Определите значения  $d$  и  $h$ .
- Найдите координаты вершины параболы  $y = -x^2 - 4x - 5$  и постройте график этой функции. На каких промежутках функция возрастает? Убывает?

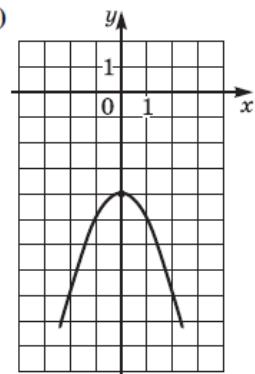
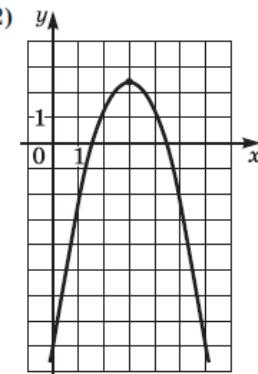
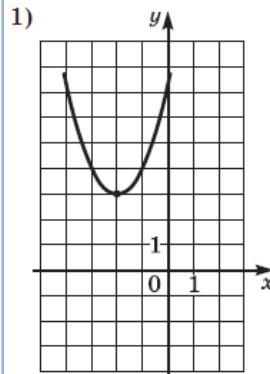




#### *Включение в систему знаний и повторение*

1. Разбор дополнительных заданий.
2. № 365

Квадратичная функция  $y = ax^2 + bx + c$  задана графически. Определите знаки коэффициентов  $a$ ,  $b$ ,  $c$  и дискриминанта  $D$  квадратного трёхчлена  $ax^2 + bx + c$ .



#### 3. № 367 (б)

Решите систему неравенств:

$$\begin{cases} x - 2y + 2 \geq 0 \\ -2x + y - 4 \leq 0 \end{cases}$$

# ЧАСТЬ 2

## ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

### § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

УРОК 56 (Р)



#### Рефлексия учебной деятельности



##### КАРТОЧКА ДЛЯ РЕФЛЕКСИИ (С-16)

Содержание	Знаю	Умею
Определение единиц сдвига графика функции $y = ax^2$ .		
Определение координат вершины параболы.		
Алгоритм построения графика функции $y = ax^2 + bx + c$ .		
Построение графика кусочно-заданной функции.		
Определение промежутков возрастания (убывания) функции.		
Определение промежутков, на которых функция положительна, отрицательна, равна нулю.		
Определение наибольшего и наименьшего значения функции по ее графику.		

Я ставлю себе отметку:

## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



### **Задачи повышенного уровня сложности**

### **УРОК 56 (Р)**

#### **№ 372\***

Предположим противное. Из рисунка видно, что все трехчлены имеют по два корня, следовательно,  $a^2 > 4bc$ ,  $b^2 > 4ca$  и  $c^2 > 4ab$ , причем  $a > 0$ ,  $b > 0$  и  $c > 0$  (так как ветви парабол направлены вверх). Перемножая полученные неравенства, приходим к противоречию:  $a^2b^2c^2 > 64 a^2b^2c^2$ .

*Ответ:* не могут.

#### **№ 373\***

Предположим противное. Заметим, что значения данных трехчленов в точке  $x = 1$  совпадают (они равны  $a + b + c$ ). Но из рисунка видно, что каждые две из парабол пересекаются в двух точках, причем все эти шесть точек пересечения различны. Получили противоречие.

*Ответ:* не могут.



### Задачи повышенного уровня сложности

УРОК 56 (Р)

**№ 375\***

*Первое решение.* Допустим, что такие числа подобрать можно. Так как две параболы ветвями вверх, а одна — вниз, то из трех чисел два положительных и одно отрицательное. Две параболы пересекают ось ординат в точках с отрицательной ординатой, а одна — с положительной, следовательно, из трех чисел два отрицательных и одно положительное. Противоречие.

*Второе решение.* Предположим противное. Заметим, что значения данных трехчленов в точке  $x = 1$  совпадают (они равны  $a + b + c$ ). Но из рисунка видно, что каждые две из парабол пересекаются в двух точках, причем все эти шесть точек пересечения различны. Получили противоречие.

*Ответ:* нельзя.



## ЧАСТЬ 2

# ГЛАВА 4 КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ

## § 2. КВАДРАТИЧНАЯ ФУНКЦИЯ



### Задачи повышенного уровня сложности

УРОК 56 (Р)

#### № 376\*

Так как трехчлен не имеет корней, то соответствующая парабола лежит по одну сторону от оси абсцисс. Но  $f(1) = a + b + c > 0$ , следовательно, парабола лежит выше оси. Значит,  $c = f(0) > 0$ .

Ответ: положительный.

# ДОМАШНЕЕ ЗАДАНИЕ

## Консультация № 10

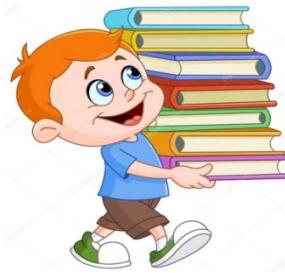
Уроки 57–65.

**Глава 4.** Квадратичная функция.

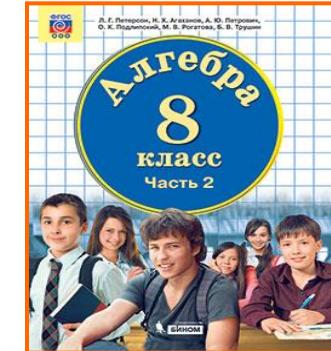
**§ 3** Квадратные неравенства.

**Глава 5.** Рациональные уравнения и неравенства.

**§ 1 Алгебраические дроби.**



**22 декабря  
15.30 – 16.30  
Москва**



# АНОНС МЕРОПРИЯТИЙ

<https://www.sch2000.ru>

ГРУППА ПЕРЕХОДА 5 КЛАСС  
«МАТЕМАТИКА ДЛЯ КАЖДОГО»

РАСПИСАНИЕ НА ДЕКАБРЬ:  
25 декабря – занятие № 10



ПРИЛОЖЕНИЕ ПРЕЗЕНТАЦИЯ  
РАЗДАТОЧНЫЙ МАТЕРИАЛ



ЦИКЛ КОНСУЛЬТАЦИЙ 5-8 КЛАССЫ  
«ШАГ ЗА ШАГОМ»

РАСПИСАНИЕ  
ОНЛАЙН КОНСУЛЬТАЦИЙ  
22 декабря – К-10 (8 класс)  
23 декабря – К-общая (5-7 классы)



ВИДЕОЗАПИСЬ  
КОНСУЛЬТАЦИЙ 5-7 КЛАССЫ



ПРИГЛАШАЕМ К УЧАСТИЮ

# ПРИГЛАШАЕМ К УЧАСТИЮ

18 декабря 2020 года  
состоится

**ВСЕРОССИЙСКИЙ  
ФЛЕШМОБ**

**«ЗАДАЧА ДНЯ»**



#ЗадачаПетерсон2020



**РЕШЕНИЕ ЕСТЬ ВСЕГДА!**



# БЛАГОДАРИМ ЗА СОТРУДНИЧЕСТВО!



[www.sch2000.ru](http://www.sch2000.ru)

Телефон

+7 (495) 797-89-77

E-mail:

info@sch2000.ru



КОМАНДА ИНСТИТУТА  
СИСТЕМНО-ДЕЯТЕЛЬНОСТНОЙ ПЕДАГОГИКИ



НАШ АДРЕС: МОСКВА, УЛ. 5-ГО ЯМСКОГО ПОЛЯ, Д.9