

Сочетание традиций и инноваций в
современных учебниках математики -
эффективное средство достижения
высоких образовательных результатов
обучения

Основные принципы развивающего обучения

- 1) Теория занимает приоритетное положение.
- 2) Быстрый темп изучения материала.
- 3) Прохождение материала на высоком уровне сложности. Основное внимание уделяется трудным местам курса и преодолению трудностей с помощью методических средств.
- 4) Организованное проблемное обучение.
- 5) Развитие всех учащихся.



Леонид Владимирович Занков
(1901-1977)

Математика, 5-6 классы

Авторы:

Истомина Н.Б., Горина О.П., Тихонова Н.Б..

Включены в Федеральный перечень



Особенности линии УМК:

- Изложение материала направлено на постановку проблемных заданий, что способствует формированию и развитию мышления учащихся.
- Реализован задачный подход, при котором основным средством включения учащихся в активную познавательную деятельность являются учебные задачи.
- Созданы дидактические условия для качественной предметной подготовки всех учащихся, необходимой для продолжения математического образования в 7-9 классах основной школы.
- Разнообразное методическое наполнение комплекта: рабочие тетради, тестовые задания, пособие по наглядной геометрии.

Математика, 5-6 классы



Авторы:

Истомина Н.Б., Горина О.П., Тихонова Н.Б..

Условные обозначения

- | | |
|--|--|
| | — новая информация |
| | — повторяем |
| | — самоконтроль |
| | — работаем с угольником |
| | — работаем с транспортиром |
| | — работаем с циркулем |
| | — дополнительные вопросы |
| | — работаем с линейкой |
| | — работаем в паре |
| | — задание повышенной сложности |
| | — учимся исследовать |
| | — поиск информации из истории математики |
| | — обсуждаем, выбираем, доказываем |

Удобная навигация по учебнику

- новая информация;
- повторяем;
- самоконтроль;
- работа с угольником, циркулем, транспортиром, линейкой;
- работа в паре;
- обсуждаем, выбираем, доказываем;
- поиск информации по истории математики.
- дополнительные вопросы;
- задания повышенной сложности;
- исследовательские задания.

Математика, 5-6 классы

Авторы:

Истомина Н.Б., Горина О.П., Тихонова Н.Б..



Глава I

НАТУРАЛЬНЫЕ ЧИСЛА И НУЛЬ

§1 Запись чисел в десятичной системе счисления

В начальной школе каждый из вас познакомился с **десятичной системой счисления**, в которой для записи чисел и выполнения действий с ними используют 10 знаков (цифр): 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 0. В записи числа цифра занимает определённое место (позицию) и обозначает количество единиц того разряда, в котором она записана. Поэтому десятичную систему счисления называют **позиционной**.

Числа, которые используют при счёте предметов, называют **натуральными**. 1 (единица) — наименьшее натуральное число. За каждым натуральным числом следует число, которое на 1 больше.

148. а) Можно ли назвать наибольшее натуральное число? Наименьшее натуральное число? Наибольшее пятизначное число? Наименьшее шестизначное число?

б) Верно ли утверждение, что у каждого числа в натуральном ряду есть предшествующее натуральное число? Последующее натуральное число?

Почему цифры 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9 называют арабскими?

Найди информацию об арабских цифрах, пройдя по ссылке <https://megabook.ru/article/Арабские%20цифры>.



Изложение материала направлено на постановку **проблемных заданий**, что способствует формированию и развитию мышления учащихся.

- Объяснительный текст чередуется с заданиями;
- Задания носят исследовательский характер.



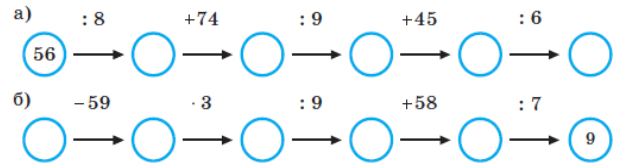
Математика, 5-6 классы

Авторы:
Истомина Н.Б., Горина О.П., Тихонова Н.Б..

39. Участок дороги длиной 2 км, на котором скорость автомобиля не должна превышать 60 км/ч, водитель проехал за 2 мин. Нарушил ли водитель правила?

40. В двух читальных залах находилось 48 человек. Когда в первый зал пришло ещё 16 человек, а во второй — 18, то в обоих залах читателей стало поровну. Сколько человек было в каждом читальном зале сначала?

41. Используя схему, выполни арифметические действия:



42. Верно ли утверждение, что значения всех выражений одинаковы:

- а) $(68007 + 91701) : 4 \cdot 0$;
- б) $0 : (98941 - 98005)$;
- в) $(807932 + 10800) \cdot 0 : 145$?

43. Можно ли, не вычисляя значений выражений какой суммы в каждой паре больше и на сколько?

- а) $59 + 38$, б) $20 + 54$, в) $36 + 17$,
- $59 + 30$; $27 + 54$; $36 + 10$;

⇒ Проверь свой ответ, вычислив значения в

44. Найди значение суммы $67 + 24$.

Миша выполнил такие вычисления:
 $67 + 20 + 4 = 91$.

Маша — такие: $70 + 24 - 3 = 91$.

Объясни, как рассуждали Миша и Маша.

- Вычисли значение выражения, рассуждая, как Миша или как Маша:
- а) $68 + 25$; в) $46 + 47$; д) $570 + 340$;
- б) $89 + 13$; г) $59 + 36$; е) $690 + 290$.

Организация учебной деятельности школьников через систему учебных заданий:

- Задания для организации групповой работы;
- Диалоги между Машей и Мишей позволяют снять психологические проблемы с восприятием сложного материала, направить мышление учащихся

42. Верно ли утверждение, что значения всех выражений одинаковы:

а) $(68007 + 91701) : 4 \cdot 0$;

б) $0 : (98941 - 98005)$;

в) $(807932 + 10800) \cdot 0 : 145$?



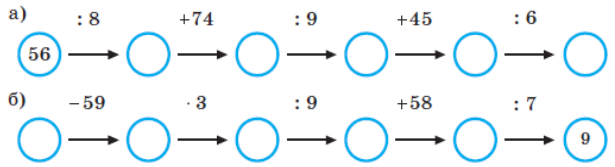
Математика, 5-6 классы

Авторы:
Истомина Н.Б., Горина О.П., Тихонова Н.Б..

39. Участок дороги длиной 2 км, на котором скорость автомобиля не должна превышать 60 км/ч, водитель проехал за 2 мин. Нарушил ли водитель правила?

40. В двух читальных залах находилось 48 человек. Когда в первый зал пришло ещё 16 человек, а во второй — 18, то в обоих залах читателей стало поровну. Сколько человек было в каждом читальном зале сначала?

41. Используя схему, выполни арифметические действия:



42. Верно ли утверждение, что значения всех выражений одинаковы:

- а) $(68007 + 91701) : 4 \cdot 0$;
- б) $0 : (98941 - 98005)$;
- в) $(807932 + 10800) \cdot 0 : 145$?

43. Можно ли, не вычисляя значений выражений какой суммы в каждой паре больше и на сколько?

- а) $59 + 38$, б) $20 + 54$, в) $36 + 17$,
- $59 + 30$; $27 + 54$; $36 + 10$;

⇒ Проверь свой ответ, вычислив значения выражений.

44. Найди значение суммы $67 + 24$.

Миша выполнил такие вычисления:
 $67 + 20 + 4 = 91$.

Маша — такие: $70 + 24 - 3 = 91$.

Объясни, как рассуждали Миша и Маша.

- Вычисли значение выражения, рассуждая, как Миша или как Маша:

- а) $68 + 25$; в) $46 + 47$; д) $570 + 340$;
- б) $89 + 13$; г) $59 + 36$; е) $690 + 290$.

Организация учебной деятельности школьников через систему учебных заданий:

- Задания для организации групповой работы;
- Диалоги между Машей и Мишей позволяют снять психологические проблемы с восприятием сложного материала, направить мышление учащихся

44. Найди значение суммы $67 + 24$.

Миша выполнил такие вычисления:
 $67 + 20 + 4 = 91$.

Маша — такие: $70 + 24 - 3 = 91$.

Объясни, как рассуждали Миша и Маша.



Математика, 5-6 классы



Авторы:

Истомина Н.Б., Горина О.П., Тихонова Н.Б..

7. У Коли 70 р. Сможет ли он купить ручку за 11 р. и две тетради по 29 р.?

8. Чтобы поставить забор на участок квадратной формы, нужно по каждой его стороне установить по 8 столбов. Сколько всего нужно столбов?

9. Сто тридцать килограммов орехов разложили в 2 мешка. Какова масса каждого мешка, если один мешок с орехами тяжелее другого на 40 кг?

Нарисуй схему, она поможет решить задачу.

10. В некоторых источниках упоминается, что когда великому математику К.Ф. Гауссу было 9 лет, он нашёл сумму чисел от 1 до 100 всего за одну минуту. Как действовал мальчик?

Найди информацию о К.Ф. Гауссе в энциклопедии «Википедия» (https://ru.wikipedia.org/wiki/Гаусс_Карл_Фридрих).



11. Найди сумму чисел:

11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19.

Полученный результат: а) увеличь в 4 раза; б) уменьши в 9 раз; в) увеличь на 17; г) уменьши на 6.

12. Периметр прямоугольника 24 см, ширина 30 см, длина прямоугольника больше его ширины?

13. Квадрат разрезали на 4 равные части. Чему равна площадь каждой части, если периметр квадрата 16 см?

14. Сабир подарил Серёже 37 марок, а Мурату — 23 марки. Сколько марок стало у Сабира?

15. Из класса вышло 12 учеников. После этого в классе осталось на 3 ученика больше, чем вышло. Сколько учеников было в классе?

16. В семи одинаковых коробках 105 кг печенья. Сколько понадобится таких коробок, чтобы разложить 165 кг печенья? Сколько килограммов печенья поместится в 14 таких же коробках?

Организация учебной деятельности школьников через систему учебных заданий:

- Задания исследовательского характера;
- Задания для самостоятельной работы с материалом по истории математики.

8. Чтобы поставить забор на участок квадратной формы, нужно по каждой его стороне установить по 8 столбов. Сколько всего нужно столбов?



Математика, 5-6 классы



Авторы:

Истомина Н.Б., Горина О.П., Тихонова Н.Б..

7. У Коли 70 р. Сможет ли он купить ручку за 11 р. и две тетради по 29 р.?

8. Чтобы поставить забор на участок квадратной формы, нужно по каждой его стороне установить по 8 столбов. Сколько всего нужно столбов?

9. Сто тридцать килограммов орехов разложили в 2 мешка. Какова масса каждого мешка, если один мешок с орехами тяжелее другого на 40 кг?

Нарисуй схему, она поможет решить задачу.

10. В некоторых источниках упоминается, что когда великому математику К.Ф. Гауссу было 9 лет, он нашёл сумму чисел от 1 до 100 всего за одну минуту. Как действовал мальчик?

Найди информацию о К.Ф. Гауссе в энциклопедии «Википедия» (https://ru.wikipedia.org/wiki/Гаусс_Карл_Фридрих).



11. Найди сумму чисел:

11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19.

Полученный результат: а) увеличь в 4 раза; б) уменьши в 9 раз; в) увеличь на 17; г) уменьши на 6.

12. Периметр прямоугольника 24 см, ширина 30 см, длина прямоугольника больше его ширины?

13. Квадрат разрезали на 4 равные части. Чему равна площадь каждой части, если периметр квадрата 20 см?

14. Сабир подарил Серёже 37 марок, а Мурату — 25 марок. Сколько марок меньше марок стало у Сабира?

15. Из класса вышло 12 учеников. После этого осталось в классе 23 ученика больше, чем вышло. Сколько учеников было в классе?

16. В семи одинаковых коробках 105 кг печенья. Сколько килограммов печенья поместится в 14 таких же коробках?

Организация учебной деятельности школьников через систему учебных заданий:

- Задания исследовательского характера;
- Задания для самостоятельной работы с материалом по истории математики.

10. В некоторых источниках упоминается, что когда великому математику К.Ф. Гауссу было 9 лет, он нашёл сумму чисел от 1 до 100 всего за одну минуту. Как действовал мальчик?



Найди информацию о К.Ф. Гауссе в энциклопедии «Википедия» (https://ru.wikipedia.org/wiki/Гаусс_Карл_Фридрих).



Математика, 5-6 классы

Авторы:

Истомина Н.Б., Горина О.П., Тихонова Н.Б..



ОГЛАВЛЕНИЕ

Проверь себя! Чему ты научился в начальной школе?.....	4
Глава I. НАТУРАЛЬНЫЕ ЧИСЛА И НУЛЬ	30
§ 1. Запись чисел в десятичной системе счисления.....	30
§ 2. Числовые и буквенные выражения. Уравнения	37
§ 3. Изображение натуральных чисел и нуля на координатном луче	49
§ 4. Округление натуральных чисел.....	55
§ 5. Делители и кратные	58
§ 6. Простые и составные числа	64
§ 7. Делимость произведения.....	67
§ 8. Делимость суммы и разности.....	69
§ 9. Признаки делимости	73
§ 10. Разложение натурального числа на простые множители	86
§ 11. Наибольший общий делитель. Взаимно простые числа... ..	90
§ 12. Наименьшее общее кратное	94
§ 13. Степень числа	98
§ 14. Многогранники.....	101
Глава II. ОБЫКНОВЕННЫЕ ДРОБИ	109
§ 15. Дробь как часть целого числа	109
§ 16. Дробь как результат деления натуральных чисел	119
§ 17. Правильные и неправильные дроби. Смешанные числа	123
§ 18. Изображение обыкновенных дробей на координатном луче.....	131
§19. Основное свойство дроби. Сокращение обыкновенных дробей	136
§ 20. Сравнение обыкновенных дробей.....	142

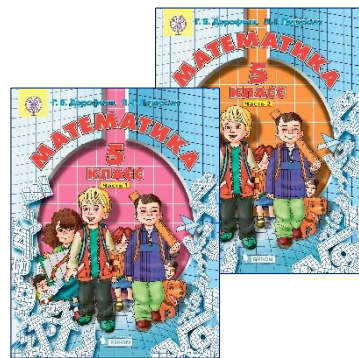
- Созданы дидактические условия для качественной предметной подготовки всех учащихся, необходимой для продолжения математического образования в 7-9 классах основной школы.

Математика, 5-6 классы

Авторы:

Дорофеев Г.В., Петерсон Л.Г. и др.

Включены в Федеральный перечень



Особенности линии УМК:

- Применение новых знаний осуществляется непрерывно и системно.
- Структура материала позволяет организовать под руководством учителя самостоятельное открытие новых знаний обучающимися.
- Обеспечивается возможность разноуровневого обучения по индивидуальной траектории в зоне ближайшего развития каждого ребёнка (вплоть до углублённого изучения математики в 7-9-х классах).
- Разработана авторская технология деятельностного метода обучения (ТДМ).
- Разнообразное методическое наполнение комплекта: рабочие тетради, самостоятельные и контрольные работы.

Алгебра, 7-9 классы



Математика, 5-6 классы

Авторы:
Дорофеев Г.В., Петерсон Л.Г. и др.



Математика – это стройное, красивое и прочное здание. По первым этажам этого здания ты прошёл в начальной школе.

5 класс – это новый этап твоего пути вверх, к вершинам знаний, к настоящему жизненному успеху.

Твой путь пройдёт по страницам этого учебника, а надёжным проводником на этом пути будет учитель математики.

Чтобы удобнее было пользоваться учебником, введены следующие обозначения:



К – это лучше делать в классе,




Д – а это дома,





П – хорошо бы это повторить,



С – а здесь главное –
твоя смекалка,

 – базовые задания,

 – более сложные задания по новым темам и темам повторения,

* – задания, требующие умения находить нестандартные способы решения.



Учебник – это не рабочая тетрадь, к которой ты привык в начальной школе. Постарайся ничего не писать на его страницах ручкой. Необходимые пометки можно делать простым карандашом, а после завершения работы – стереть.

Удачи тебе!

АВТОРЫ

Алгебра, 7-9 классы

Удобная навигация по учебнику

- материал для работы в классе;
- материал для работы дома;
- материал на повторение;
- материал на смекалку.

Задания трёх уровней сложности

- базовые;
- более сложные;
- требующие нестандартного решения.

Математика, 5-6 классы

Авторы:
Дорофеев Г.В., Петерсон Л.Г. и др.



Алгебра, 7-9 классы

Глава 1, §1, п.2

Задачи для самопроверки.

- 63** Запиши числовое выражение и найди его значение:
1) произведение числа 28 и разности чисел 12 и 7;
2) частное суммы чисел 97 и 43 и произведения чисел 5 и 4.
- 64** Реши задачу, составляя числовое выражение:
1) Автомобиль едет со скоростью 80 км/ч. Какое расстояние ему останется проехать через 3 часа пути, если всего ему надо проехать 400 км?
2) В киоск привезли 5 ящиков с виноградом и 7 ящиков с персиками. Винограда в каждом ящике было 12 кг, а персиков – на 4 кг меньше. Сколько всего килограммов винограда и персиков привезли в киоск?
- 65** Найди значение буквенного выражения при данных значениях букв:
1) $68 + a : 5$, если $a = 280$;
2) $4b - c$, если $b = 70$, $c = 42$.
- 66** Составь буквенное выражение и найди его значение. Есть ли в условиях этих задач лишние данные?
1) В классе n учеников. Каждый ученик принес для библиотеки по 4 книги. Сколько всего книг принесли ученики этого класса в библиотеку? ($n = 25$.)
2) Площадь одного прямоугольника a м², а площадь другого на 8 м² больше. Оба прямоугольника имеют одинаковую ширину, равную b м. На сколько метров длина первого прямоугольника меньше, чем второго? ($a = 10$, $b = 2$.)
- 67** Найди значение выражения:
 $56 \cdot 3 - (50 - 2 \cdot 7) : 12 - 68 : (40 : 10)$.
- 68** Запиши число в десятичной системе счисления:
1) сорок пять тысяч девяносто один;
2) восемь миллионов двадцать семь тысяч четыреста;
3) двадцать миллионов восемьсот тридцать шесть тысяч девять;
4) четыре миллиарда пятьсот шестьдесят миллионов две тысячи триста;
5) восемьсот девять миллиардов девяносто пять тысяч семьсот пятнадцать.
- 69** Расположи числа в порядке возрастания:
3045, 30 000 045, 543, 400 503, 30 045, 5340, 405 003, 5403, 435 000.
- 70** Реши уравнение и сделай проверку:
а) $x - 528 = 2095$; б) $832 + y = 60\ 308$; в) $14\ 010 - z = 3815$.
- 71** Вычисли:
1) $8\text{ м } 36\text{ см} - 5\text{ дм } 8\text{ см}$; 3) $2\text{ дм}^2 46\text{ см}^2 + 18\text{ дм}^2 4\text{ см}^2$;
2) $12\text{ км } 24\text{ м} + 3\text{ км } 690\text{ м}$; 4) $6\text{ га } 17\text{ а} - 2\text{ га } 8\text{ а}$.



Включён материал для самоконтроля и рефлексии:

- Каждый параграф заканчивается рубрикой «Задачи для самопроверки».

Математика, 5-6 классы

Авторы:
Дорофеев Г.В., Петерсон Л.Г. и др.



Глава 3, §2, п.1

§2. Арифметика дробей

1. Сложение и вычитание дробей.

Складывать и вычитать дроби с одинаковыми знаменателями мы научились еще в начальной школе. Для сложения таких дробей нужно сложить числители, а знаменатель оставить прежним. На математическом языке это правило записывается следующим образом:

$$\text{Для любых натуральных чисел } a, b, c: \frac{a}{c} + \frac{b}{c} = \frac{a+b}{c}.$$

Аналогично, но чуть сложнее записывается правило вычитания дробей с одинаковыми знаменателями:

$$\text{Для любых натуральных чисел } a, b, c \text{ при } a \geq b: \frac{a}{c} - \frac{b}{c} = \frac{a-b}{c}.$$

Что же касается дробей с разными знаменателями, то для их сложения или вычитания достаточно привести их к одному знаменателю. А это можно сделать на основании основного свойства дроби, например:

$$1) \frac{\overset{3}{9}}{10} + \frac{\overset{2}{14}}{15} = \frac{27+28}{30} = \frac{55}{30} = \frac{11}{6} = 1\frac{5}{6}; \quad 2) \frac{\overset{7}{5}}{6} - \frac{\overset{3}{9}}{14} = \frac{35-27}{42} = \frac{8}{42} = \frac{4}{21}.$$

В ответе дробь обычно приводят к несократимому виду, а из неправильной дроби выделяют целую часть.

Для сложения и вычитания дробей верны изученные ранее свойства этих действий. Их использование иногда позволяет упрощать вычисления, например:

$$1) \frac{4}{99} + \frac{8}{25} + \frac{95}{99} + \frac{7}{25} = \left(\frac{4}{99} + \frac{95}{99}\right) + \left(\frac{8}{25} + \frac{7}{25}\right) = \frac{99}{99} + \frac{15}{25} = 1 + \frac{3}{5} = 1\frac{3}{5};$$
$$2) \left(\frac{5}{6} + \frac{17}{49}\right) - \frac{17}{49} = \frac{5}{6} + \left(\frac{17}{49} - \frac{17}{49}\right) = \frac{5}{6} + 0 = \frac{5}{6}.$$

Сформулируем на математическом языке общие правила сложения и вычитания дробей. Пусть даны дроби $\frac{a}{b}$ и $\frac{c}{d}$, где $a, b, c, d \in N$. Их общим знаменателем может служить произведение bd — оно делится и на b , и на d . Поэтому

$$\frac{\overset{d}{a}}{b} + \frac{\overset{b}{c}}{d} = \frac{ad}{bd} + \frac{bc}{bd} = \frac{ad+bc}{bd}, \quad \frac{\overset{d}{a}}{b} - \frac{\overset{b}{c}}{d} = \frac{ad}{bd} - \frac{bc}{bd} = \frac{ad-bc}{bd}.$$

Ясно, что вычитание возможно только в случае, когда числитель полученной дроби больше или равен нулю, то есть $ad - bc \geq 0$.

Заметим, что общий знаменатель bd для данных дробей далеко не всегда является наименьшим. Поэтому непосредственное применение этих правил часто ведет к более громоздким вычислениям.

Алгебра, 7-9 классы

- Структура материала позволяет организовать под руководством учителя самостоятельное открытие новых знаний обучающимися;

Обеспечивается возможность разноуровневого обучения по индивидуальной траектории в зоне ближайшего развития каждого ребёнка (вплоть до углублённого изучения математики в 7-9-х классах). Включены задания трёх уровней:

- базового;
- повышенного;
- Высокого.

• .

125 Составь программу действий и вычисли:

- а) $(30\ 000 - 408 \cdot 25) \cdot (609 \cdot 700 - 417\ 295)$;
б) $6304 \cdot 5080 - (5\ 000\ 000 + 14\ 903 \cdot 412) + 42\ 447$.

126 Нарисуй в тетради замкнутую ломаную линию без самопересечений. Раскрась ограниченную ею внутреннюю область. Как называется полученная фигура? Отметь точку A во внутренней области фигуры, точку B – во внешней области, а точку C – на её границе.

с **127*** На некотором острове отдельными селениями живут два племени, «правдолюбцы» и «лжецы». «Правдолюбцы» всегда говорят только правду, а «лжецы» – всегда только неправду. Жители одного племени бывают в селении другого племени, и наоборот. В одно из селений попал путешественник, но не знает, в какое. Он задал один вопрос первому встречному и сразу установил, где он находится. Что он спросил?



128* Игра «Счёт с препятствиями»

На витрине магазина – куклы и машинки. Ребята решили сосчитать их, но по особому правилу. Считать нужно подряд и куклы, и машинки, например: «Первая кукла, первая машинка, вторая кукла, третья кукла, вторая машинка» и т. д. Попробуй сосчитать таким способом, сколько на витрине кукол, а сколько машинок. Если сразу не получится, вернись к этому заданию ещё и ещё раз.



Алгебра, 7-9 классы

Включены задания трёх уровней:

- Базовые;
- Более сложные;
- Требующие нестандартного решения.

с

127* На некотором острове отдельными селениями живут два племени, «правдолюбцы» и «лжецы». «Правдолюбцы» всегда говорят только правду, а «лжецы» – всегда только неправду. Жители одного племени бывают в селении другого племени, и наоборот. В одно из селений попал путешественник, но не знает, в какое. Он задал один вопрос первому встречному и сразу установил, где он находится. Что он спросил?



Алгебра, 7-9 классы

Включены в Федеральный перечень



Авторы:

Мордкович А.Г., Семенов П.В.,
Александрова Л.А., Мардахаева Е.Л.

Алгебра и начала математического анализа, 10-11 классы

Особенности линии УМК:

- Учебник и задачник соединены в одну книгу.
- Курс построен на основе приоритетности функционально-графической линии.
- Порядок тем соответствует ПООП, отражает психологические особенности обучающихся, позволяет сформировать целостное представление о математике, как о методе познания.
- Структура материала способствует формированию функциональной грамотности.
- Каждая глава содержит разделы «Повторение», «Итак, в Главе...», «Вопросы», «Дополнительные задачи», «Из истории математики».
- Трёхуровневая система заданий отражает требования ФГОС ОО, ОГЭ, ЕГЭ.
- Включены задачи практического содержания, высокого уровня сложности; материал, рекомендованный к изучению с использованием ИТ-средств.
- Разнообразное методическое наполнение комплекта: рабочие тетради, практикумы, тренинги, самостоятельные и контрольные работы.



Алгебра, 7-9 классы



Математика – это язык, на котором говорят все точные науки.

Н.И.Лобачевский

Авторы:

Мордкович А.Г., Семенов П.В.,
Александрова Л.А., Мардахаева Е.Л.



Алгебра и начала математического анализа, 10-11 классы

Класс	Функция	Реальные и физические процессы
7 класс	Линейная функция	Равномерные процессы
8 класс	Квадратичная функция	Равноускоренные процессы
9 класс	Обобщение изученного в основной школе, формализация некоторых определений и понятий	
10 класс	Тригонометрические функции	Периодические процессы, гармонические колебания
	Показательная функция, логарифмическая функция	Процессы органического роста
11 класс	Обобщение изученного в средней школе, начала дифференциального интегрального исчисления	Мгновенная скорость, площадь и объём, оптимальные значения некоторых величин

Алгебра, 7-9 классы



Авторы:

Мордкович А.Г., Семенов П.В.,
Александрова Л.А., Мардахаева Е.Л.

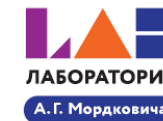
Свойство	Класс				
	7-й	8-й	9-й	10-й	11-й
Область определения	Н	Р	Ф	Ф	Ф
Наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке	Н	Р	Ф	Ф	Ф
Монотонность	Н	Р	Ф	Ф	Ф
Непрерывность	Н	Н	Н	Н	Ф
Ограниченность	-	Н, Р	Ф	Ф	Ф
Выпуклость	-	Н	Н	Н	Н
Область значений	-	Н, Р	Ф	Ф	Ф
Четность	-	-	Ф	Ф	Ф
Периодичность	-	-	-	Ф	Ф
Дифференцируемость	-	-	-	-	Н
Экстремумы	-	-	-	-	Ф

Н – наглядно-интуитивный уровень

Р – рабочий уровень

Ф – формальное определение свойства

Алгебра, 7-9 классы



Авторы:

Мордкович А.Г., Семенов П.В.,
Александрова Л.А., Мардахаева Е.Л.

Преобразование графиков

Алгебра и начала математического анализа,
10-11 классы

Отыскание наибольшего и наименьшего значений функции на заданном промежутке

Инвариантное ядро
состоит из шести
направлений

Графическое решение уравнений, систем уравнений и неравенств

Функциональная символика

Кусочно заданные функции

Чтение графика

Алгебра, 7-9 классы



Авторы:

Мордкович А.Г., Семенов П.В.,
Александрова Л.А., Мардахаева Е.Л.

Алгебра и начала математического анализа, 10-11 классы

18.6. а)
$$\begin{cases} \frac{1}{2}x - \frac{2}{3}y = 2, \\ 3x - 2y = -2; \end{cases}$$

б)
$$\begin{cases} \frac{2}{3}x + \frac{4}{5}y = -1, \\ \frac{3}{4}x - \frac{4}{5}y = -\frac{5}{12}; \end{cases}$$

в)
$$\begin{cases} \frac{3}{4}x + \frac{1}{3}y = 3, \\ -5x + 4y = 8; \end{cases}$$

г)
$$\begin{cases} \frac{2}{5}x + \frac{3}{4}y = 5, \\ \frac{5}{6}x + \frac{3}{4}y = \frac{2}{3}. \end{cases}$$

18.7. а)
$$\begin{cases} \frac{1}{x-1} = \frac{9}{3y+2x}, \\ \frac{2x-3y}{x-5} = 3; \end{cases}$$

б)
$$\begin{cases} \frac{2}{x+1} = \frac{1}{3y-4}, \\ \frac{3y-11}{x-5y} = \frac{1}{3}. \end{cases}$$

18.8. а)
$$\begin{cases} 4(x-y) = 28 + \\ 5x - (3y+x) = \end{cases}$$

б)
$$\begin{cases} 3(2x-1) - 4(y+ \\ 5(3-x) + 2(3y- \end{cases}$$

в)
$$\begin{cases} 6\left(\frac{1}{3}x - \frac{1}{2}y\right) = 1 \\ 10\left(\frac{1}{2}x + \frac{2}{5}y\right) = 9 \end{cases}$$

18.9. Прямая $y = kx + m$ уравнение прямой b, c — целые числа

а) $M(-1; 4), K(2; -$
б) $M(7; -5), K(-3; -$
в) $M(2; 3), K(-3; 2)$

18.10. Составьте уравнение точки пересечения

ИКТ 18.11. а) Найдите значения $y = px$ при $6x - y = 13$ и $y = -$
б) Найдите значения $y = px + 1$ при $6x - y = 13$ и $y = -$

Условные обозначения

24.13. Задачи базового уровня сложности

24.14. Задачи повышенного уровня сложности

24.15. Задачи высокого уровня сложности

ИКТ Материал может быть рассмотрен с помощью ИКТ-средств

Упражнения с общим заданием

10.11

10.12

Окончание доказательства теоремы

Окончание решения примера

Знаком * отмечен дополнительный материал.

В каждом параграфе даны упражнения трёх уровней сложности: **базового, повышенного, высокого.**

Выделены задания, предназначенные для использования ИКТ-средств.

Алгебра, 7-9 классы

Дополнительные задачи

В упражнениях 1, 2 даны функции $y = f(x)$, где $f(x) = x^2$, и $y = g(x)$, где $g(x) = 3x$.

- Сравните числа:
а) $f(2)$ и $g(2)$; г) $f(0,1)$ и $g(0,2)$;
б) $f(0,5)$ и $g(0,5)$; д) $f(-2)$ и $g(1)$;
в) $f(3)$ и $g(2)$; е) $f(2)$ и $-g(-1)$.
- Решите уравнение:
а) $g(x) = f(-1)$; г) $f(x) = g(1)$;
б) $g(x) = f(8)$; д) $f(x) = g(4)$;
в) $g(x) = f(-27)$; е) $f(x) = g(-9)$.
- Дана функция $y = f(x)$, где $f(x) = x^2$. Найдите a и b , если известны наименьшее значение m и наибольшее значение M этой функции на отрезке $[a; b]$:
а) $m = 1$; $M = 4$ и $0 < a < b$;
б) $m = 1$; $M = 4$ и $a < b < 0$;
в) $m = 81$; $M = 225$ и $0 < a < b$;
г) $m = 2^6$; $M = 3^4$ и $a < b < 0$;
д) $m = 1,44$; $M = 12\frac{1}{4}$ и $0 < a < b$;
е) $m = 6\frac{1}{4}$; $M = 20,25$ и $a < b < 0$.
- Дана функция $y = h(x)$, где $h(x) = -x^2$. Найдите a и b , если известны наименьшее значение m и наибольшее значение M этой функции на отрезке $[a; b]$:
а) $m = -9$; $M = -1$ и $0 < a < b$;
б) $m = -16$; $M = -9$ и $a < b < 0$;
в) $m = -81$; $M = -2,25$ и $0 < a < b$;
г) $m = -121$; $M = 0$ и $a < b \leq 0$;
д) $m = -4^6$; $M = -3^6$ и $0 < a < b$;
е) $m = -10^{10}$; $M = -8^8$ и $a < b < 0$.
- Дана функция $y = f(x)$, где $f(x) = 2x + 5$. Найдите:
а) $f(f(x))$; г) $f(f(2x))$;
б) $f(f(x) + 2)$; д) $f(2f(x))$;
в) $f(f(x + 2))$; е) $f(f(f(x)))$.



- 25.12. Одно ребро прямоугольного параллелепипеда в 3 раза больше другого и в 5 раз меньше третьего. Найдите измерения прямоугольного параллелепипеда, если площадь его поверхности равна 126 дм^2 .
- 25.13. На изготовление аквариума, имеющего форму прямоугольного параллелепипеда, потребовалось $1,5 \text{ м}^2$ стекла (без верхнего стекла). Найдите размеры аквариума, если отношение длины к ширине и к высоте равно соответственно $9 : 2 : 6$.

Упражнения для повторения

- 25.14. Постройте график функции $y = x^2$. Найдите наименьшее и наибольшее значения функции на промежутке:
а) $[-5; -0,5]$; б) $[-1,5; 1]$; в) $(-3; 2)$; г) $[-2; +\infty)$.
- 25.15. Упростите выражение:
а) $\frac{a^4 \cdot a^{10}}{(a^2)^3 \cdot a^7}$; в) $\frac{y^7 \cdot y^6}{y \cdot (y^2)^4}$;
б) $\frac{(x^4)^2 \cdot x^{12}}{(x^2)^5 \cdot x^7}$; г) $\frac{b^3 \cdot (b^5)^3}{(b^4)^4 \cdot b}$.
- 25.16. Постройте график функции:
а) $y = \frac{x^3}{x}$; б) $y = -\frac{x^4}{x^2}$.

§ 26. Умножение одночленов. Возведение одночлена в натуральную степень

С умножением одночленов мы уже знакомы из § 24. Мы знаем, что если между двумя одночленами поставить знак умножения, то снова получится одночлен; остаётся лишь привести его к стандартному виду. В примере, рассмотренном в § 24, мы как раз и занимались умножением одночлена на одночлен. А при возведении одночлена в степень используются правила действий со степенями, известные вам из § 3.

Авторы:
Мордкович А.Г., Семенов П.В.,
Александрова Л.А., Мардахаева Е.Л.



Алгебра и начала математического анализа, 10-11 классы

Ориентация на результат.

- В каждой главе «Дополнительные задачи».
- В каждом параграфе имеются упражнения на повторение.

Алгебра, 7-9 классы

Авторы:

Мордкович А.Г., Семенов П.В.,
Александрова Л.А., Мардахаева Е.Л.



Из истории математики

Многочлены (и их составные части, слагаемые-одночлены) традиционно составляли и составляют один из самых распространённых объектов изучения в математике и её приложениях.

Практически все известные математики XVI—XX вв. в той или иной степени занимались исследованием многочленов. Например, основной теоремой алгебры называется утверждение о количестве корней уравнения $P(x) = 0$, где в левой части стоит многочлен $P(x)$ степени n . История доказательства этой теоремы весьма протяжённа по времени, занимает не менее двух веков и, в определённой степени, может составить одну из центральных линий в изложении всей истории развития математики XVI—XIX вв.

Итальянец Джероламо Кардано (1501—1576) в своей книге «Великое искусство»¹ (1545) подвёл итог достижениям предшественников (дель Ферро, Тарталья) и своим результатам в исследовании многочленов третьей степени. Точнее, не самих многочленов, а приёмов решения уравнений третьей степени. В той же книге изложены результаты Лодовико Феррари (1522—1565) о многочленах четвёртой степени.

Систематическое исследование многочленов первой степени $P_1(x, y)$ (линейных) и второй степени $P_2(x, y)$ (квадратичных) обычно связывают с работами Ферма и Декарта (см. гл. 2). Они первыми предложили общие методы к исследованию кривых первого и второго порядка, т. е. графиков уравнений $P_1(x, y) = 0$ и $P_2(x, y) = 0$. К концу XVII в. полный перечень типов кривых второго порядка стал уже скорее не научным, а учебным материалом. Впрочем, как геометрические объекты кривые второго порядка (окружность, эллипс, парабола, гипербола) были известны ещё в Древней Греции.

Описание кривых третьего порядка, предложенное Ньютоном около 1668 г. (опубликовано в 1704 г.), составило весьма серьёзное продвижение. Скажем только, что для кривых четвёртого, пятого порядков аналогичные перечисления типов кривых неизвестны и доныне.

На протяжении XVII в. заметно видоизменился и сам математический язык. В начале века уравнение, скажем, $x^3 - 3x = 1$ Виет записывал на языке разработанной им символической алгебры в виде $1C - 3N \text{ aequatur } 1. A$ в конце века Ньютон в своей «Всеобщей ариф-

¹ Это краткое название. Более полно — «Великое искусство, или О правилах алгебры».



метике» уже оперировал многочленами и алгебраическими выражениями в виде, весьма приближённом к нашим обозначениям.

Изложению материала во «Всеобщей арифметике» Ньютона следовал и Эйлер в своей «Универсальной арифметике». Обе эти книги были основными трактатами для математиков следующего столетия. В них правила действий с одночленами и многочленами приводились на большом перечне примеров, как, собственно, это сделано и в главе 5 нашего учебника.

Всё же подчеркнём, что принципиальный и первый по полноте переход от *logistica numerosa* к *logistica spectosa*, т. е. от числовых выражений к буквенным, совершил именно Виет. Он же ввёл в употребление и широко использовал понятие *коэффициент*. Виет для обозначения неизвестных использовал заглавные гласные буквы *A, E, I, O, U*, а согласные применял для обозначения заданных величин. Символикой Виета математики, например Ферма, активно пользовались примерно до 1650 г.

Позже Декарт перешёл с заглавных букв на строчные и для неизвестных использовал последние буквы алфавита *x, y, z, ...*, а для коэффициентов — первые буквы *a, b, c, ...*. Он же показал, что изучение уравнений правильнее проводить, приравняв правую часть к нулю, а для обозначения равенства ввёл специальный знак « \approx ». Позже этот знак, принятый во Франции, был вытеснен привычным нам знаком « $=$ », который на 100 лет ранее предложил англичанин Р. Рекорд (1510—1558). Декарт одним из первых предложил получать многочлены одной переменной в виде произведения линейных двучленов $x \pm a$, или, другими словами, раскладывать многочлены (если это возможно) в произведение таких двучленов.

В целом правила действий с многочленами в том или ином виде были ясны всем математикам просто по аналогии действий с числами. Специальные названия таких правил появились много позже: термины *коммутативный* (переместительный) и *дистрибутивный* (распределительный) были введены в 1815 г. французом Ф. Сервуа (1767—1847), а *ассоциативный* (сочетательный) в 1843 г. англичанином У. Гамильтоном (1805—1865).

Формулы сокращённого умножения, приведённые в главе 5, известны чрезвычайно давно, не менее чем 2500 лет тому назад их использовали в Древней Греции, Египте, Индии, Китае. Формулировались они, разумеется, не в том виде, как в главе 5, а в формате, принятом в той или иной древней цивилизации. Как правило, это были текстовые советы по действию в конкретной задаче или инструкции для некоторого типа задач. Широко использовались и геометрические чертежи, позволяющие понять и запомнить нужное правило.

Алгебра и начала математического анализа, 10-11 классы

Включён материал для организации проектной и учебно-исследовательской деятельности. В конце каждой главы содержится раздел:

- «Из истории математики».

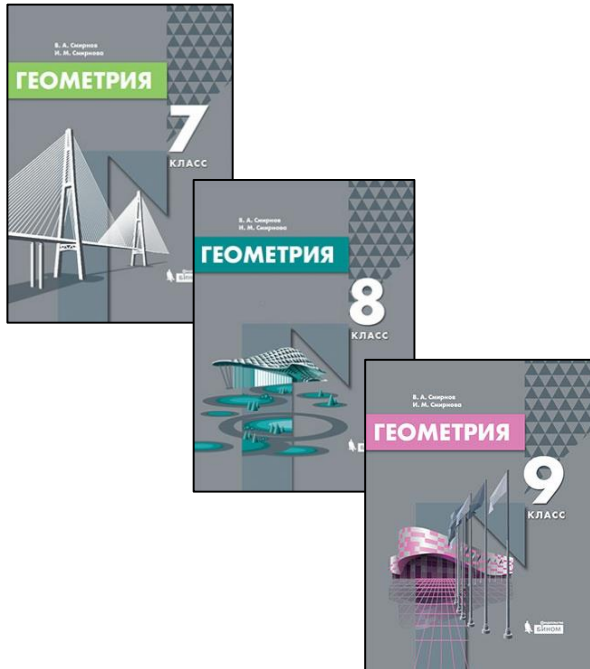
Геометрия, 7-9 классы

Авторы:
Смирнов В.А., Смирнова И.М.

Включены в Федеральный перечень

Особенности линии УМК:

- Содержится большое количество геометрических иллюстраций, задач на построение, на развитие геометрических представлений, использование ИТ-средств.
- Теоретический материал изложен доступно с учётом психологических особенностей обучающихся, от частного к общему, от простого к сложному.
- Система задач ориентирована на достижение результатов обучения, отражает требования ФГОС ООО, ОГЭ.
- Включён дополнительный научно-популярный материал.
- Структура курса направлена на формирование мотивации и интереса к изучению геометрии, функциональной грамотности.
- Осуществляется авторская дистанционная методическая поддержка с помощью цифровых ресурсов.
- Разнообразное методическое наполнение комплекта.



Геометрия, 7-9 классы

Авторы:
Смирнов В.А., Смирнова И.М.

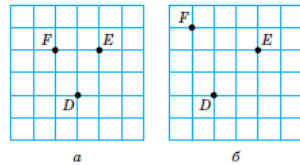


Рис. 5.4

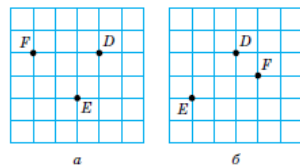


Рис. 5.5

- Меньшая сторона прямоугольника равна 8 см и образует с диагональю этого прямоугольника угол 60° . Найдите периметр четырёхугольника, вершинами которого являются середины сторон данного прямоугольника.
- Постройте треугольник, если заданы середины его сторон D , E , F (рис. 5.4).
- Постройте параллелограмм по точке D пересечения его диагоналей и серединам E , F двух смежных сторон (рис. 5.5).

6. Трапеция

Ещё одним специальным видом четырёхугольника является трапеция.

Четырёхугольник, у которого две стороны параллельны, а две другие не параллельны, называется *трапецией* (рис. 6.1).

- Большое число иллюстраций;
- Заданий на клетчатой бумаге;
- Ориентирование на результат.

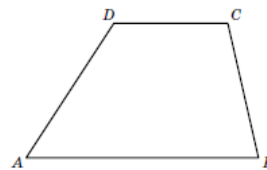


Рис. 6.1

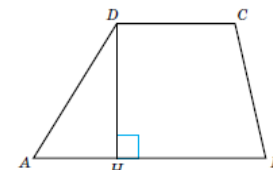


Рис. 6.2

Параллельные стороны трапеции называются её **основаниями**, а непараллельные стороны — **боковыми сторонами**.

Высотой трапеции называется перпендикуляр, проведённый из её вершины на противоположащее ей основание или его продолжение (рис. 6.2).

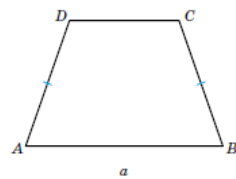
Трапеция называется **равнобедренной**, если её боковые стороны равны (рис. 6.3, а).

Трапеция называется **прямоугольной**, если один из её углов прямой (рис. 6.3, б).

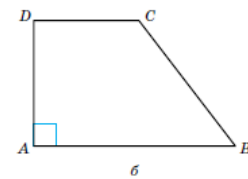
Рассмотрим некоторые свойства равнобедренной трапеции.

Свойство 1. Углы при основании равнобедренной трапеции равны.

Доказательство. Пусть $ABCD$ — равнобедренная трапеция, CD — её меньшее основание (рис. 6.4). Докажем, что углы при основании AB равны.



а



б

Рис. 6.3

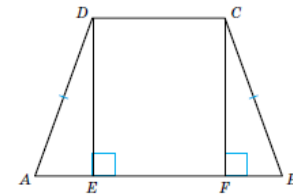


Рис. 6.4

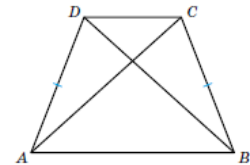


Рис. 6.5

Проведём высоты CF и DE трапеции. Прямоугольные треугольники ADE и BCF равны по гипотенузе и катету ($AD = BC$, $DE = CF$). Следовательно, равны углы A и B .

Так как углы A и D , B и C в сумме составляют 180° , то из равенства углов A и B следует также равенство углов D и C .

Свойство 2. Диагонали равнобедренной трапеции равны.

Доказательство. Пусть $ABCD$ — равнобедренная трапеция ($AB \parallel CD$), AC , BD — её диагонали (рис. 6.5). Треугольники ABC и BAD равны по первому признаку равенства треугольников (AB — общая сторона, $BC = AD$, $\angle ABC = \angle BAD$). Следовательно, $AC = BD$.

Вопросы

- Какой четырёхугольник называется трапецией?
- Какие стороны трапеции называются: а) основаниями; б) боковыми сторонами?
- Какая трапеция называется: а) равнобедренной; б) прямоугольной?
- Что называется высотой трапеции?
- Что можно сказать об углах при основании равнобедренной трапеции?
- Что можно сказать о диагоналях равнобедренной трапеции?

Геометрия, 7-9 классы

Авторы:
Смирнов В.А., Смирнова И.М.



15. На одной прямой на равном расстоянии друг от друга стоят три телеграфных столба. Первый и второй столбы находятся от дороги на расстоянии один 30 м, а другой 40 м. Найдите расстояние, на котором находится от дороги третий столб (рис. 7.7).

8. Теорема Фалеса

Докажем теорему, которая является обобщением теорем о средних линиях треугольника и трапеции и носит имя древнегреческого учёного Фалеса.

Теорема (Фалеса). Если параллельные прямые, пересекающие стороны угла, отсекают на одной его стороне равные отрезки, то они отсекают равные отрезки и на другой его стороне.

Доказательство. Рассмотрим угол со сторонами a, b . Пусть три параллельные прямые пересекают стороны этого угла соответственно в точках A_1, A_2, A_3 и B_1, B_2, B_3 (рис. 8.1).

Если отрезки A_1A_2 и A_2A_3 равны, то A_2B_2 — средняя линия трапеции $A_1A_3B_3B_1$. Следовательно, равны отрезки B_1B_2 и B_2B_3 .

Теорему Фалеса можно использовать для деления отрезка на n равных частей. Например, разделим отрезок AB на три равные части. Для этого через точку A проведём прямую a , отличную от AB , и отложим на ней равные отрезки $AA_1 = A_1A_2 = A_2A_3$ (рис. 8.2).

Через точки A_2 и B проведём прямую. Через точки A_1, A_2 проведём прямые, параллельные прямой A_2B . Точки пересечения этих

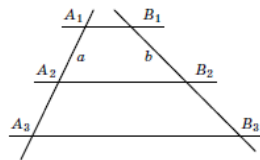


Рис. 8.1

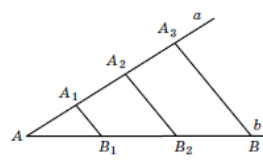


Рис. 8.2

- Доступное изложение материала от простого к сложному.

прямых с отрезком AB обозначим соответственно B_1, B_2 . По теореме Фалеса $AB_1 = B_1B_2 = B_2B$. Таким образом, построенные точки B_1, B_2 делят отрезок AB на три равные части.

Отношением двух отрезков AB и CD называется число, показывающее, сколько раз отрезок CD и его части укладываются в отрезке AB .

Отношение отрезков AB и CD обозначается $\frac{AB}{CD}$ или $AB:CD$.

Если отрезок CD является единичным, то отношение $\frac{AB}{CD}$ будет равно длине отрезка AB .

Говорят, что отрезки AB, CD пропорциональны отрезкам A_1B_1, C_1D_1 , если равны их отношения, т. е. $\frac{AB}{A_1B_1} = \frac{CD}{C_1D_1} = k$. Число k называется **коэффициентом пропорциональности**.

Теорема (о пропорциональных отрезках). Параллельные прямые, пересекающие стороны угла, отсекают от сторон угла пропорциональные отрезки.

Доказательство. Рассмотрим угол с вершиной A , стороны которого пересекаются параллельными прямыми в точках B, C и D, E (рис. 8.3).

Докажем, что имеет место равенство

$$\frac{AC}{AB} = \frac{AE}{AD}.$$

Отношение $\frac{AC}{AB}$ показывает, сколько раз отрезок AB укладывается в отрезке AC . Отношение $\frac{AE}{AD}$ показывает, сколько раз отрезок AD укладывается в отрезке AE . Используя теорему Фалеса, установим соответствие между процессами измерения длин отрезков AB и AC . Прямые, параллельные BD , переводят равные отрезки на прямой AC в равные отрезки на прямой AE . Отрезку AB со-

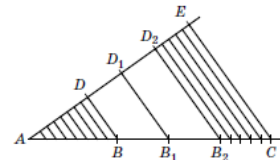


Рис. 8.3

ответствует отрезок AD . Одной десятой части отрезка AB соответствует одна десятая часть отрезка AD и т. д. Таким образом, если отрезок AB и его части укладываются в отрезке AC k раз, то отрезок AD и его части будут укладываться в отрезке AE также k раз, т. е. $\frac{AC}{AB} = \frac{AE}{AD} = k$.

Следствие. Если стороны угла A пересекаются параллельными прямыми в точках B, C и D, E (см. рис. 8.3), то имеет место равенство

$$\frac{BC}{AB} = \frac{DE}{AD}.$$

Доказательство. Заметим, что в этом случае имеют место равенства

$$AC = AB + BC \text{ и } AE = AD + DE.$$

Подставляя их в равенство

$$\frac{AC}{AB} = \frac{AE}{AD},$$

получим равенство

$$1 + \frac{BC}{AB} = 1 + \frac{DE}{AD},$$

из которого и вытекает требуемое равенство.

Используя это следствие, докажем следующее важное свойство биссектрисы треугольника.

Теорема. Биссектриса угла треугольника делит противоположную сторону на части, пропорциональные прилежащим сторонам.

Доказательство. Рассмотрим треугольник ABC и его биссектрису CD (рис. 8.4).

Докажем, что выполняется равенство $\frac{AD}{DB} = \frac{AC}{BC}$. Через вершину B проведём прямую, параллельную прямой CD . Обозначим E её точку пересечения с продолжением стороны AC данного треугольни-

Геометрия, 7-9 классы

Авторы:
Смирнов В.А., Смирнова И.М.



ка. Углы CBE и BCD равны как внутренние накрест лежащие углы при параллельных прямых BE и CD и секущей BC . Углы BEC и DCA равны как соответственные углы при параллельных прямых BE и CD и секущей CE . Следовательно, в треугольнике BEC угол B равен углу E . Значит, треугольник BEC равнобедренный, $BC = EC$. По следствию из теоремы о пропорциональных отрезках имеем:

$$\frac{AD}{DB} = \frac{AC}{CE} = \frac{AC}{BC}.$$

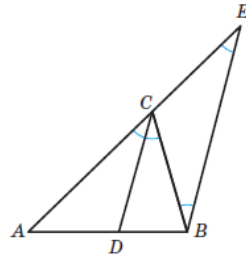


Рис. 8.4

Исторические сведения

Фалес Милетский (около 624—547 гг. до н. э.) считается одним из родоначальников греческой философии и науки. Он сделал ряд открытий в астрономии, первым сформулировал и доказал ряд важных геометрических теорем, среди которых: теорема о равенстве вертикальных углов; признак равенства треугольников по стороне и двум прилежащим к ней углам; теорема о равенстве углов при основании равнобедренного треугольника и др.

Он научился определять расстояние от берега до корабля, для чего использовал приведённую выше теорему. Легенда рассказывает о том, что Фалес, будучи в Египте, поразил фараона Амасиса тем, что сумел точно установить высоту пирамиды, дождавшись момента, когда длина тени палки стала равной высоте палки, и тогда измерил длину тени пирамиды.

Вопросы

1. Сформулируйте теорему Фалеса.
2. Обобщением каких теорем является теорема Фалеса?
3. Как разделить отрезок на n равных частей?
4. Что называется отношением двух отрезков?
5. Какие отрезки называются пропорциональными?
6. Сформулируйте теорему о пропорциональных отрезках.

- Содержится исторический и занимательный материал, направленный на повышение интереса к изучению предмета.

Приказ № 766 от 23.12.2020

О внесении изменений в федеральный перечень учебников, допущенных к использованию при реализации имеющих государственную аккредитацию образовательных программ начального общего, основного общего, среднего общего образования организациями, осуществляющими образовательную деятельность, утверждённый приказом Министерства просвещения Российской Федерации от 20.05.2020 г. № 254

1.1.2.4.1.11.1 1.1.2.4.1.11.2	Математика	Истомина Н.Б., Горина О.П., Тихонова Н.Б.	5 6	АО «Издательство «Просвещение»	Конобеева Т.А., Бондаренко Р.А., Кожанова А.П., Павлова Л.А.	До 1 июля 2025 года
1.1.2.4.1.3.1 1.1.2.4.1.3.2	Математика	Петерсон Л.Г., Дорофеев Г.В.	5 6	ООО «БИНОМ. Лаборатория знаний»; АО «Издательство «Просвещение»		От 20 мая 2020 года № 254
1.1.2.4.2.13.1 1.1.2.4.2.13.2 1.1.2.4.2.13.3	Алгебра	Мордкович А.Г., Семенов П.В., Александрова Л.А., Мардахаева Е.Л.	7 8 9	ООО «БИНОМ. Лаборатория знаний»; АО «Издательство «Просвещение»		От 20 мая 2020 года № 254
1.1.2.4.2.11.1 1.1.2.4.2.11.2 1.1.2.4.2.11.3	Алгебра	Петерсон Л.Г., Агаханов Н.Х., Петрович А.Ю. и др.	7 8 9	ООО «БИНОМ. Лаборатория знаний»; АО «Издательство «Просвещение»		От 20 мая 2020 года № 254
1.1.2.4.3.10.1 1.1.2.4.3.10.2 1.1.2.4.3.10.3	Геометрия	Смирнов В.А., Смирнова И.М.	7 8 9	ООО «БИНОМ. Лаборатория знаний»; АО «Издательство «Просвещение»		От 20 мая 2020 года № 254
1.1.3.4.1.25.1 1.1.3.4.1.25.2	Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Алгебра и начала математического анализа	Мордкович А.Г., Семенов П.В., Александрова Л.А., Мардахаева Е.Л.	10 11	АО «Издательство «Просвещение»	Польшакова О.Е., Еремченко И.А., Кожанова А.П., Кочагина М.Н.	До 28 июня 2025 года

Методическая поддержка через сайт издательства <http://www.lbz.ru>

The screenshot shows the website [lbz.ru](http://www.lbz.ru) in a browser window. The page features a navigation menu with items like "ГЛАВНАЯ", "ОБ ИЗДАТЕЛЬСТВЕ", "ДОКУМЕНТЫ", "ЭФУ БИНОМ", "АВТОРСКИЕ МАСТЕРСКИЕ", "ИНТЕРНЕТ-ГАЗЕТЫ", "ВЕБИНАРЫ", "КАК КУПИТЬ", and "КОНТАКТЫ". A sidebar on the left contains a "Каталог" section with search and "Новинки" (New arrivals) links, listing various educational materials. The main content area highlights "Обновлённые учебники Александра Григорьевича Мордковича" (Updated textbooks by Alexander Grigorievich Morozov) for Algebra, 7-11 grades, published by Prosveshchenie. It includes images of the textbook covers and a call to action: "Приглашаем ознакомиться с новинками Издательства!". Below this, there is a section for "Анонс вебинаров" (Webinar announcement) and a date-based announcement for a project starting on April 7th.

Издательство «БИНОМ. Лаборатория знаний»

Обновлённые учебники Александра Григорьевича Мордковича

Авторский коллектив: А.Г. Мордкович, П.В. Семёнов, Л.А. Александрова, Е.Л. Мардахаева

Алгебра. 7–9 классы.
Алгебра и начала математического анализа. 10–11 классы

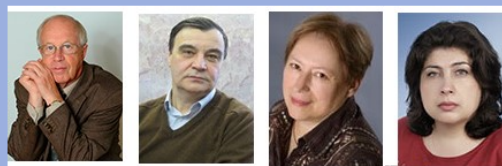
Успешная апробация в 38 регионах РФ
Включены в Федеральный перечень учебников

Приглашаем ознакомиться с новинками Издательства! Книги, переданные в типографию, поступают в открытую продажу через два месяца. Новинки издательства начинают продаваться в интернет-магазинах в течение месяца после выхода книги из типографии. **Издания находятся в разделе «Новинки» три месяца с момента передачи в типографию. Рекламные листовки и буклеты** издательства "БИНОМ. Лаборатория знаний" можно скачать [здесь](#).

Анонс вебинаров, а также ссылки на **записи**, которые появляются **через неделю после вебинара**, смотрите в авторских мастерских и в разделе [Вебинары](#). С расписанием вебинаров вы можете ознакомиться [здесь](#). Участие в вебинарах **бесплатное**, а время проведения вебинаров, указанное на сайте - **московское**.

7 апреля стартовал новый онлайн проект «**Детский сад дома**». Приглашаем в наш детский сад и родителей, и педагогов. Всех, кто сейчас

Авторский сайт <https://elenamard.jimdo.com>



Главная

Об авторском коллективе

Материалы к урокам

Где купить УМК А.Г.Мордковича и др.

О новом УМК по алгебре "Лаборатория А.Г.Мордковича" для общеобразовательных организаций

Современный урок

Внеурочная деятельность

Электронные ресурсы

Конкурсы и конференции

Семинары

Вебинары

Курсы повышения квалификации

Обратная связь

Лаборатория математики: в помощь учителю

НОВОСТИ!

Приказом Министерства просвещения Российской Федерации от **23 декабря 2020 года № 766** утверждён актуальный до 2025 года федеральный перечень учебных пособий, рекомендуемых к использованию при реализации государственной аккредитации образовательных программ начального общего, основного общего, среднего общего образования.

Включены следующие УМК:

1.1.2.4.2.13.1. Мордкович А.Г., Семенов П.В., Александрова Л.А., Мардахаева Е.Л. Алгебра. 7 класс. - Москва : Просвещение, 2021.

1.1.2.4.2.13.2. Мордкович А.Г., Семенов П.В., Александрова Л.А., Мардахаева Е.Л. Алгебра. 8 класс. - Москва : Просвещение, 2021.

1.1.2.4.2.13.3. Мордкович А.Г., Семенов П.В., Александрова Л.А., Мардахаева

Сайт Лаборатории математики "Бином" ГК "Просвещение"

Сайт для учителей математики. Для тех, кто любит свою профессию и хочет сделать преподавание математики в школе лучше. Интересное



**Спасибо за внимание!
Удачи в делах!**

Адрес обратной связи:

kaf.matematika@gmail.com

Авторский сайт:

<https://elenamard.jimdo.com>

Сайт издательства:

<http://prosv.ru>

<http://lbz.ru>

Мы готовы с диалогу!



Компания №1 на рынке дистрибуции учебной литературы

- официальный представитель крупнейших издательств России;
- самый полный ассортимент учебно-методической литературы;
 - большой опыт в выполнении муниципальных заказов;
 - практика методического сопровождения.

Мы готовы к сотрудничеству со всеми заинтересованными сторонами образовательного процесса.

ООО «Торговая компания «Абрис»

Сайт <https://www.tdabris.ru/>

Телефон +7 (495) 139-89-40, +7 (495) 981-10-39

e-mail: abrisd@textbook.ru