# Акционерное общество «Издательство «Просвещение»

Дополнительная общеобразовательная (общеразв	ивающая) программа
«Развитие инженерного мышления обучающихся сре	едствами математики»
	Разработчик
	Зубкова Е.Д

#### 1. Характеристика программы

#### 1.1. Цель реализации программы

**Целью реализации** программы является удовлетворение образовательных интересов обучающихся в области развития инженерного мышления средствами математики.

#### 1.2. Планируемые результаты обучения

Освоение программы направлено на достижение следующих результатов:

#### Знать:

- -методические основы развития инженерного мышления обучающихся средствами математики;
- -алгоритм разработки сценария учебного занятия по математике, направленного на развитие инженерного мышления обучающихся;

#### Уметь:

-разрабатывать сценарий учебного занятия по математике, направленного на развитие инженерного мышления обучающихся.

#### 1.3. Категория обучающихся

Возрастная категория: от 18 лет. Область профессиональной деятельности: математическое образование.

#### 1.4. Форма обучения

Заочная с применением дистанционных образовательных технологий.

## 1.5. Срок обучения и режим занятий

Видеолекции, выполнение заданий на платформе. Доступ к обучающим материалам открыт круглосуточно. Срок обучения установлен календарным учебным графиком.

## 1.6. Трудоемкость программы: 20 часов.

# 2. Содержание программы

# 2.1. Учебный план

№	Наименование разделов (модулей), тем			Формы контроля	Трудоемкост ь (часы)
		Видеолекция, ч	Практическое занятие, ч		
1	Государственная политика в области повышения качества математического и естественнонаучного образования: актуализация развития инженерного мышления обучающихся	1	1		2
2	Обзор и анализ средств обучения математике, способствующих развитию инженерного мышления обучающихся	1	1		2
3	Арифметическая культура обучающихся и развитие «чувства числа» в 5 – 6 классах	1	1		2
4	Методика работы с геометрическими задачами уровня основной школы для формирования начальных навыков инженерного мышления	1	2		3
5	Практико- ориентированные алгебраические	1	1		2

	рапани ппа разритиа				
	задачи для развития				
	инженерного мышления				
6	«Вероятность и	1	1		2
	_	1	1		2
	статистика»: роль в формировании и				
	развитии				
	инженерного мышления				
7	Обеспечение	1	2		3
/		1	<i>L</i>		3
	практической				
	направленности				
	обучения				
	стереометрии: роль				
	стереометрии в				
	жизни человека, в				
	развитии				
	современных				
	инженерных и				
	компьютерных				
0	технологий	1	2	П	2
8	Развитие	1	2	Практическая	3
	инженерного			работа №1	
	мышления в рамках				
	проектной и				
	исследовательской				
	деятельности,				
	практикумы решения				
	нестандартных задач				
17-	по математике.	0	1	Итоговое	1
I IIT(	оговая аттестация	0	1		1
				тестирование.	
				Зачет на	
				основании	
				совокупности	
				выполненной	
				практической	
				работы и	
				ИТОГОВОГО	
Marc	NEO.	8	12	тестирования.	20
Ито	DIO	σ	14		20

# 2.2. Календарный учебный график

Наименование раздела, темы	Объем нагрузки	Учебная неделя			
	2 0	1 неделя	2 неделя	3 неделя	4 неделя
Вводная лекция:	2	X			
Государственная политика в					
области повышения качества					
математического и естественно-					
научного образования:					
актуализация развития					
инженерного мышления					
обучающихся					
Обзор и анализ средств	2	X			
обучения математике,					
способствующих развитию					
инженерного мышления					
обучающихся					
Арифметическая культура	2		X		
обучающихся и развитие					
«чувства числа» в 5 – 6 классах					
Методика работы с	3		X		
геометрическими задачами					
уровня основной школы для					
формирования начальных					
навыков инженерного					
мышления					
Практико-ориентированные	2			X	
алгебраические задачи для					
развития инженерного					
мышления					
«Вероятность и статистика»:	2			X	
роль в формировании и					
развитии инженерного					
мышления					
Обеспечение практической	3				X
направленности обучения	-				
стереометрии: роль					
стереометрии в жизни человека,					
в развитии современных					
инженерных и компьютерных					
технологий					
Развитие инженерного	3			1	X
мышления в рамках проектной					4.3
mountain b paintax iipoettiion					

и исследовательской			
деятельности, практикумы			
решения нестандартных задач			
по математике.			
Итоговая аттестация	1		X

# 2.3. Рабочая программа

Тема	Виды учебных занятий, учебных работ	Содержание
Тема 1. Вводная лекция: Государственная политика в области повышения качества математического и естественно-научного образования: актуализация развития	Видеолекция, 1 час	Ключевые направления государственной образовательной политики в контексте подготовки будущих инженеров. Анализ требований к метапредметным и личностным результатам, ориентированным на формирование системного и проектного мышления. Методические основы интеграции инженерной составляющей в содержание математического образования для развития у
инженерного мышления обучающихся	Практическое занятие, 1 час	обучающихся навыков моделирования, анализа и оптимизации.  Систематизация изученной лекции, самостоятельный обзор требований государственной политики, направленных на развитие инженерного мышления обучающихся.
Тема 2. Обзор и анализ средств обучения математике, способствующих развитию инженерного мышления обучающихся	Видеолекция, 1 час	Практико-ориентированный обзор современных педагогических инструментов и ресурсов для развития инженерного мышления на уроках математики. Критерии выбора и эффективного применения цифровых образовательных ресурсов и учебных пособий. Анализ кейсов успешного использования дидактических средств для формирования навыков конструирования, вычисления и проверки гипотез.
	Практическое занятие, 1 час	Систематизация материалов изученной лекции, самостоятельный обзор средств обучения математике, способствующих развитию инженерного мышления обучающихся

Тема 3.	Вилеолектия	Zuananna primicinatani non kantatani u
Арифметическая	Видеолекция, 1 час	Значение вычислительной культуры и
	1 4ac	интуитивного понимания чисел как
культура обучающихся		фундаментальной основы инженерного
и развитие «чувства		мышления. Методические основы развития
числа» в 5 – 6 классах		«чувства числа»: работа с порядком величин,
		оценка и прикидка результатов, анализ
		правдоподобия ответа. Практические приемы
		формирования навыков рациональных
		вычислений и решения прикладных задач,
		связанных с измерениями, пропорциями и
		масштабом, для создания базы будущего
		инженера. Алгоритм разработки сценария
		учебного занятия, направленного на
		формирование арифметической культуры и
		развитие чувства числа.
	Практическое	Систематизация материалов изученной
	занятие,	лекции, самостоятельная разработка сценария
	1 час	учебного занятия, направленного на
		формирование арифметической культуры и
		развитие чувства числа.
Тема 4.	Видеолекция,	Роль планиметрических задач в развитии
Методика работы с	1 час	пространственного воображения, чертежно-
геометрическими		графической культуры и логического
задачами уровня		мышления. Методы преобразования
основной школы для		практических проблем (расчет расстояний,
формирования		параметров земельных участков,
начальных навыков		конструктивных элементов зданий и
инженерного		механизмов, представленных в виде плоских
мышления		чертежей) в геометрические модели на
WIBITISTETIVIA		плоскости. Методические основы обучения
		решению задач на конструирование,
		доказательство теорем и вычисление геометрических величин, формирующие базу
		для точного и строгого технического
		мышления. Алгоритм разработки сценария
		учебного занятия геометрической
		направленности, нацеленного на
		формирование начальных навыков
	Пиотептина	инженерного мышления.
	Практическое	Систематизация изученной лекции по
	занятие,	вопросам для самоконтроля, самостоятельная
	2 часа	разработка сценария учебного занятия
		геометрической направленности, нацеленного
		на формирование начальных навыков
		инженерного мышления.

Тема 5. Практико- ориентированные алгебраические задачи для развития	Видеолекция, 1 час	Значение алгебры и математического анализа как языка для описания и анализа технических процессов и явлений. Методические основы подбора и конструирования задач, моделирующих реальные инженерные
инженерного мышления		ситуации: оптимизация параметров, анализ функций изменения величин, расчет траекторий, решение уравнений, описывающих физические законы. Формирование у обучающихся умения переводить практическую проблему на язык
		математики и интерпретировать полученный результат. Алгоритм разработки сценария учебного занятия с применением
		алгебраических задач для развития инженерного мышления.
	Практическое	Систематизация материалов изученной
	занятие,	лекции, самостоятельная разработка сценария
	1 час	учебного занятия с применением
		алгебраических задач для развития
		инженерного мышления.
Тема 6.	Видеолекция,	Значимость изучения вероятности и
«Вероятность и	1 час	статистики для формирования базовых
статистика»: роль в		компетенций современного инженера.
формировании и		Методические основы преподавания,
развитии инженерного		позволяющие подготовить обучающихся к
мышления		решению технических задач и принятию
		эффективных решений в условиях
		неопределённости. Алгоритм разработки
		сценария учебного занятия по вероятности и статистике, направленного на развитие
	Проктинеское	инженерного мышления.  Систематизация материалов изученной
	Практическое занятие,	Систематизация материалов изученной лекции, самостоятельная разработка сценария
	1 час	учебного занятия по вероятности и статистике,
	1 -140	направленного на развитие инженерного
		мышления.
Тема 7.	Видеолекция,	Практическая значимость стереометрии как
Обеспечение	1 час	основы для архитектуры, машиностроения,
практической		3D-моделирования и компьютерной графики.
направленности		Методические основы преодоления
обучения		абстрактности курса через привязку к
стереометрии: роль		реальным объектам: построение и анализ
стереометрии в жизни		сечений фигур как основа понимания
человека, в развитии		инженерных чертежей, расчет объемов и

современных и иженерных и компьютерных технологий	Проктинаское	площадей поверхностей сложных тел. Разбор задач, демонстрирующих связь пространственной геометрии с инженерным проектированием и современными технологиями. Алгоритм разработки сценария учебного занятия по стереометрии, направленного на развитие инженерного мышления.  Систематизация материалов изученной
	Практическое занятие, 2 часа	Систематизация материалов изученной лекции, самостоятельная разработка сценария учебного занятия по стереометрии, направленного на развитие инженерного мышления.
Тема 8. Развитие инженерного мышления в рамках проектной и исследовательской деятельности, практикумы решения нестандартных задач по математике.	Видеолекция, 1 час	Возможности кружковой деятельности для углубленного формирования инженерного мышления через исследование и творчество. Организация проектной деятельности: от постановки технической задачи и создания математической модели до реализации проекта, и анализа результатов. Методические основы проведения практикумов по решению нестандартных (олимпиадных, изобретательских) задач, развивающих гибкость ума, находчивость и способность к нешаблонным техническим решениям. Алгоритм разработки сценария практикума решения нестандартных математических задач.
	Практическое занятие, 2 часа	Практическая работа №1. Разработка сценария учебного занятия по математике, направленного на развитие инженерного мышления обучающихся
Итоговая аттестация	Практическое занятие, 1 час	Итоговое тестирование. Зачет на основании совокупности выполненной практической работы и итогового тестирования.

#### 3. Формы аттестации и оценочные материалы

#### 3.1. Промежуточная аттестация

Промежуточная аттестация осуществляется в форме выполнения практической работы.

**Практическая работа №1.** Разработка сценария учебного занятия по математике, направленного на развитие инженерного мышления обучающихся.

**Содержание:** слушатели разрабатывают сценарий учебного занятия математической направленности, нацеленного на развитие инженерного мышления обучающихся.

#### Требования к выполнению:

- 1. Определена тема занятия, указан возраст обучающихся;
- 2. Определены планируемые результаты;
- 3. Сценарий должен содержать не менее 4 этапов занятия;
- 4. Для каждого этапа кратко описан ход работы;
- 5. Сценарий должен включать не менее двух видов практической деятельности обучающихся;
- 6. Элементы практической деятельности обучающихся должны отличаться между собой (например, решение задач, изготовление модели с последующим анализом и т.п.);

#### Критерии оценивания и оценивание:

-оценка «зачтено» ставится в том случае, если полностью соблюдены все требования к выполнению практической работы;

-оценка «не зачтено» ставится в том случае, если хотя бы одно из требований частично или полностью не соблюдено.

#### 3.2. Итоговая аттестация

Итоговая аттестация проводится на основании совокупности выполненной практической работы и итогового тестирования.

#### Критерии оценивания и оценивание:

-оценка «зачтено» ставится в том случае, если практическая работа и итоговое тестирование выполнены на оценку «зачтено»;

-оценка «не зачтено» ставится в том случае, если итоговое тестирование и/или практическая работа оценены на «не зачтено».

#### Итоговое тестирование.

Количество заданий – не менее 10, количество попыток не ограничено.

#### Критерии оценивания и оценивание:

Оценка «зачтено» ставится в случае, если успешно выполнено не менее 60% тестирования.

#### Примеры заданий:

- 1. Вы готовитесь к учебному занятию, на котором будут рассматриваться практические задачи, связанные с измерением расстояния до недоступной точки на местности и высоты недоступного объекта. Обучающимся какого класса Вы предложите такие задания, если предполагается при решении применять теоремы синусов и косинусов?
  - **A)** 9
  - Б) 7 D) 9
  - B) 8
  - $\Gamma$ ) 5 6
- 2. Какой из предложенных этапов решения алгебраической задачи является ключевым для формирования инженерного мышления и означает перевод технической проблемы в формальную модель?
- А) Проведение точных математических вычислений и получение числового результата.
  - Б) Проверка полученного результата на соответствие единицам измерения.
- <u>В) Формулировка проблемы на языке алгебры или математического анализа (составление уравнений, функций, неравенств).</u>
  - Г) Графическое представление полученной зависимости.
- 3. По материалам лекции «Вероятность и статистика»: роль в формировании и развитии инженерного мышления», сделайте вывод к какому из разделов курса относятся следующие виды деятельности: работа с графиками, диаграммами для анализа экспериментов (например, зависимость силы тока от напряжения), расчёт средних значений и разброса (оценка погрешностей измерений, контроль качества деталей), работа с таблицами данных (например, сравнение характеристик материалов).

## А) Представление данных и описательная статистика

- Б) Вероятность
- В) Элементы комбинаторики
- Г) Введение в теорию графов

#### 4. Организационно-педагогические условия реализации программы

# 4.1. Учебно-методическое обеспечение и информационное обеспечение программы

#### Нормативные документы (в актуальной редакции)

- 1. Федеральный закон от 29.12.2012 № 273-ФЗ «Об образовании в Российской Федерации»
- 2. Приказ Минпросвещения России от 27.07.2022 № 629 «Об утверждении Порядка организации и осуществления образовательной деятельности по дополнительным общеобразовательным программам»
- 3. Приказ Минпросвещения РФ от 31.05.2021 г. № 287 «Об утверждении федерального государственного образовательного стандарта основного общего образования»
- 4. Приказ Минобрнауки России от 17.05.2012 № 413 «Об утверждении федерального государственного образовательного стандарта среднего общего образования»
- 5. Приказ Минпросвещения РФ от 12.08.2022 г. № 732 «О внесении изменения в федеральный государственный образовательный стандарт среднего общего образования, утвержденный приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от 17 мая 2012 г. № 413»

## Основная литература

- 1. Волчкевич, М. А. Математика. Геометрия : 7-й класс : углублённый уровень : учебное пособие : в 2 частях / М. А. Волчкевич ; под ред. И. В. Ященко. Москва : Просвещение, 2024. ISBN 978-5-09-116845-7. Ч. 1. 191, [1] с. : ил. ISBN 978-5-09-113398-1.
- 2. Волчкевич, М. А. Математика. Геометрия : 7-й класс : углублённый уровень : учебное пособие : в 2 частях / М. А. Волчкевич ; под ред. И. В. Ященко. Москва : Просвещение, 2024. ISBN 978-5-09-116845-7. Ч. 1. 192, [1] с. : ил. ISBN 978-5-09-113399-8.
- 3. Волчкевич, М. А. Математика. Геометрия : 8-й класс : углублённый уровень : учебное пособие : в 2 частях / М. А. Волчкевич ; под ред. И. В. Ященко. Москва : Просвещение, 2024. ISBN 978-5-09-117393-2. Ч. 1. 175, [1] с. : ил. ISBN 978-5-09-117394-9.
- 4. Волчкевич, М. А. Математика. Геометрия : 8-й класс : углублённый уровень : учебное пособие : в 2 частях / М. А. Волчкевич ; под ред. И. В. Ященко. Москва : Просвещение, 2024. ISBN 978-5-09-116845-7. Ч. 2. 191, [1] с. : ил. ISBN 978-5-09-117395-6.

- 5. Математика. Алгебра : 7-й класс : углублённый уровень : учебное пособие / А. В. Семенов, А. С. Трепалин, И. В. Ященко ; под ред. И. В. Ященко. 2-е изд., стер. Москва : Просвещение, 2025. 255, [1] с. : ил. ISBN 978-5-09-125626-0.
- 6. Математика. Алгебра : 8-й класс : углублённый уровень : учебное пособие / А. В. Семенов, А. С. Трепалин, И. В. Ященко ; под ред. И. В. Ященко. 2-е изд., стер. Москва : Просвещение, 2025. 255, [1] с. : ил. ISBN 978-5-09-109982-9.
- 7. Математика. Алгебра : 9-й класс : углублённый уровень : учебное пособие / А. В. Семенов, А. С. Трепалин, И. В. Ященко ; под ред. И. В. Ященко. 2-е изд., стер. Москва : Просвещение, 2025. 239, [1] с. : ил. ISBN 978-5-09-126439-5.
- 8. Математика. Алгебра и начала математического анализа : 10-й класс : углублённый уровень : учебное пособие / М. Я. Пратусевич, К. М. Столбов, А. Н. Головин. Москва : Просвещение, 2025. 543, [1] с. : ил. ISBN 978-5-09-118508-9.
- 9. Математика. Алгебра и начала математического анализа : 11-й класс : углублённый уровень : учебное пособие / М. Я. Пратусевич, К. М. Столбов, А. Н. Головин. Москва : Просвещение, 2025. 382, [1] с. : ил. ISBN 978-5-09-125488-4.
- 10. Математика. Вероятность и статистика : 10—11-е классы : базовый и углублённый уровни : учебное пособие / И. Р. Высоцкий, И. В. Ященко ; под ред. И. В. Ященко. Москва : Просвещение, 2025. 302, [2] с. : ил. ISBN 978-5-09-126168-4.
- 11. Математика. Вероятность и статистика : 10-й класс : базовый и углублённый уровни : учебное пособие / Е. А. Бунимович, В. А. Булычев. 2-е изд., стер. Москва : Просвещение, 2024. 223, [1] с. ил. ISBN 978-5-09-112144-5.
- 12. Математика. Вероятность и статистика : 7—9-е классы : углублённый уровень : учебное пособие : в 2 частях / И. Р. Высоцкий, И. В. Ященко ; под ред. И. В. Ященко. 2-е изд., стер. Москва : Просвещение, 2025. ISBN 978-5-09-123895-2. Ч. 1. 220, [4] с. : ил. ISBN 978-5-09-123896-9.
- 13. Математика. Вероятность и статистика : 7—9-е классы : углублённый уровень : учебное пособие : в 2 частях / И. Р. Высоцкий, И. В. Ященко ; под ред. И. В. Ященко. 2-е изд., стер. Москва : Просвещение, 2025. ISBN 978-5-09-123895-2. Ч. 2. 158, [4] с. : ил. ISBN 978-5-09-123897-6.
- 14. Математика. Вероятность и статистика. 11-й класс: базовый и углублённый уровни: учебное пособие / Е.А. Бунимович, В.А. Булычёв Москва: Просвещение, 2024. 144 с. ISBN: 978-5-09-112145-2. Текст: непосредственный.
- 15. Математика. Геометрия : 7-9-е классы : базовый уровень : учебник : издание в pdf-формате / Л. С. Атанасян, В. Ф. Бутузов, С. Б. Кадомцев [и др.]. 15-е изд., стер. Москва : Просвещение, 2024.—416 с.: ил. ISBN 978-5-09-116448-0 (электр. изд.). Текст : электронный. ISBN 978-5-09-111167-5 (печ. изд.).

- 16. Математика. Геометрия : 9-й класс : углублённый уровень : учебное пособие : в 2 частях / М. А. Волчкевич ; под ред. И. В. Ященко. —2-е изд., стер. Москва : Просвещение, 2025. ISBN 978-5-09-121208-2. Ч. 1. 208 с. : ил. ISBN 978-5-09-121209-9.
- 17. Математика. Геометрия : 9-й класс : углублённый уровень : учебное пособие : в 2 частях / М. А. Волчкевич ; под ред. И. В. Ященко. —2-е изд., стер. Москва : Просвещение, 2025. ISBN 978-5-09-121208-2. Ч. 2. 192 с. : ил. ISBN 978-5-09-121210-5.
- 18. Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Геометрия: 10—11-й классы: базовый и углублённый уровни: учебник: издание в pdf-формате / Л. С. Атанасян, В. Ф. Бутузов, С. Б. Кадомцев [и др.]. 13-е изд., стер. Москва: Просвещение, 2025. 287, [1] с.: ил. (МГУ школе). ISBN 978-5-09-127037-2 (электр. изд.). Текст: электронный. ISBN 978-5-09-120159-8 (печ. изд.).
- 19. Поразительные задачи. Математика / Э. Ю. Красс, Г. Г. Левитас. 2-е изд., стер. Москва : Просвещение, 2024. 112 с. : ил. ISBN 978-5-09-115274-6.
- 20. Тысяча и одна задача по математике : 5—7-е классы : учебное пособие / А. В. Спивак. 14-е изд., стер. Москва :Просвещение, 2025. 206 [1] с. : ил. ISBN 978-5-09-122790-1.

#### Интернет-ресурсы

- 1. Современные образовательные технологии: учебное пособие для вузов / др.]; под редакцией Е. Н. Ашаниной, О. В. Васиной, Е. Н. Ашанина [и С. П. Ежова. — 2-е изд., перераб. и доп. — Москва: Издательство Юрайт, 2023. образование). — ISBN 978-5-534-06194-9. 165 c. — (Высшее Текст: электронный Образовательная платформа Юрайт [сайт]. // URL: https://urait.ru/bcode/515140 (дата обращения: 16.09.2025).
- 2. Федеральный портал «Единое содержание общего образования» [Электронный ресурс] // URL: <a href="https://edsoo.ru/">https://edsoo.ru/</a> (дата обращения: 16.09.2025).
- 3. Федеральный портал «Федеральный институт педагогических измерений» [Электронный ресурс] // URL: <a href="https://fipi.ru/">https://fipi.ru/</a> (дата обращения: 16.09.2025).

## 4.2. Материально-технические условия реализации программы

Обучение проводится в заочной форме с применением дистанционных образовательных технологий.

Рабочее место должно быть оборудовано компьютером, подключенным к информационно-телекоммуникационной сети Интернет. Для реализации программы и проведения промежуточной и итоговой аттестации в дистанционной форме на образовательной платформе, обучающиеся должны быть обеспечены следующими материально-техническими ресурсами:

- персональный компьютер или ноутбук;

- доступ к информационно-телекоммуникационной сети Интернет;
- звуковоспроизводящие устройства (колонки, наушники);

На компьютере должно быть установлено необходимое лицензионное программное обеспечение:

- браузер;
- текстовый редактор;

Для изучения курса необходимо иметь аккаунт в системе дистанционного обучения: <a href="https://mts-link.ru/">https://mts-link.ru/</a>

#### 4.3. Кадровые условия реализации программы

Требования к квалификации:

Высшее образование или среднее профессиональное образование в рамках укрупненных групп специальностей и направлений подготовки высшего образования и специальностей среднего профессионального образования "Образование и педагогические науки"

или

Высшее образование либо среднее профессиональное образование в рамках иных укрупненных групп специальностей и направлений подготовки высшего образования и специальностей среднего профессионального образования при условии его соответствия программе.